# 博士論文

# CFD による実用的な船尾船型最適化手法の研究

Study on Practical Optimization Method of Stern Hull Form by CFD

横浜国立大学大学院 工学府

岡本直也 Naoya Okamoto

2016年9月修了

# 目次

1.	諸言	i		.1
1	.1.	研究	『背景	.1
1	.2.	研究	5日的	.2
1	.3.	論さ	ての構成	.3
2.	船型	型最i	窗化手法	.4
2	.1.	船型	型変形法	. 5
2	.2.	馬ナ	7推定法	. 7
	2.2	.1.	CFD 計算法	.9
	2.2	.2.	プロペラ設計手法	14
	2.2	.3.	<b>CFD</b> の相関修正方法	16
2	.3.	最通	窗化手法	17
	2.3	.1.	逐次 2 次計画法 SQP	18
	2.3	.2.	遺伝的アルゴリズム GA	20
	2.3	.3.	逐次近似最適化手法 SBO	24
	2.3	.4.	多峰性問題の最適化事例	29
3.	SQ	Pに	よる船型最適化	36
3	.1.	対象	&船型	36
3	.2.	計算	章条件	37
3	.3.	計算	算結果	38
4.	船型	型最i	<b>窗化計算効果の水槽試験による検証</b>	43
4	.1.	水槽	曹試験概要	43
4	.2.	水槽	曹試験結果	45
4	.3.	最通	適化計算結果と水槽試験結果の比較	49
5.	SB	0に	よる船型最適化	53

5.1.	SQP を用いた船型最適化の問題点	53
5.2.	SBO による VLCC 船型の最適化事例	57
5.3.	SBO と SQP による船型最適化結果の比較	63
6. 船	尾ダクト効果を考慮した船型最適化	65
6.1.	ダクト効果を考慮した船型開発の現状	65
6.2.	ダクト効果を考慮した船型最適化手法	66
6.3.	プロペラ設計及びダクト効果を考慮した VLCC 船型の最適化事例	68
6.4.	ダクト効果有無による最適化結果の比較	79
7. 結	출 	
謝辞		
参考文	缸	

# List of Figures

Fig. 2.1	Flow of hull optimization.	4
Fig. 2.2	Modification function $d_i$	6
Fig. 2.3	Deformed region in hull optimization.	6
Fig. 2.4	PLOT3D data of hull	7
Fig. 2.5	Flow of BHP estimation.	9
Fig. 2.6	Topology of the computational grid	10
Fig. 2.7	Position of the prism grid	10
Fig. 2.8	Boundary conditions of the grid.	.11
Fig. 2.9	Flow of CFD.	12
Fig. 2.10	Propeller region for giving body force	13
Fig. 2.11	Flow of propeller design.	15
Fig. 2.12	An example of correlation coefficient	16
Fig. 2.13	An example of local and global optimization	18
Fig. 2.14	Flow of GA	21
Fig. 2.15	Flow of SBO.	24
Fig. 2.16	An example of Latin Hypercube Sampling	25
Fig. 2.17	Design space of Bird Problem	30
Fig. 2.18	History data of minimum $f$ by roulette wheel selection [Case 1]	33
Fig. 2.19	History data of minimum $f$ by tournament selection [Case 1]	33
Fig. 2.20	History data of minimum $f$ by roulette wheel selection [Case 2]	34
Fig. 2.21	History data of minimum $f$ by tournament selection [Case 2]	34
Fig. 3.1	Initial hull form (VLCC).	36
Fig. 3.2	POC data for powering	37
Fig. 3.3	History data of BHP optimized by SQP.	38
Fig. 3.4	Comparison of body plans in hull optimization by SQP	39
Fig. 3.5	Comparison of $C_p$ curves in hull optimization by SQP	40
Fig. 3.6	Comparison of $C_{DWL}$ curves in hull optimization by SQP.	40
Fig. 3.7	$Comparison \ of \ pressure \ distribution \ by \ hull \ optimization \ with \ SQP$	41
Fig. 3.8	$Comparison \ of \ nominal \ wake \ distribution \ by \ optimization \ with \ SQP. \ldots$	42
Fig. 3.9	Comparison of $\Delta P$ by optimization with SQP.	42
Fig. 4.1	Outline of towing tank.	43
Fig. 4.2	Model ship of STEP40.	44
Fig. 4.3	Results of POT.	46
Fig. 4.4	Results of resistance test ( <i>Cr</i> )	47

Fig. 4.5	Results of resistance test $(C_{w})$ .	. 47
Fig. 4.6	Results of propulsion test $(1-t)$ .	. 48
Fig. 4.7	Results of propulsion test $(1 - w_r)$	. 48
Fig. 4.8	Comparison of EXP and CFD $(1 + K)$	. 50
Fig. 4.9	Comparison of EXP and CFD $(1-t)$	. 50
Fig. 4.1	Comparison of EXP and CFD $(1 - w_s)$	. 51
Fig. 4.1	Change rate of $1+K, 1-t$ and $1-w_s$ from initial hull.	. 51
Fig. 5.1	History data of BHP optimized by each initial $B_i$	. 55
Fig. 5.2	Body plans optimized by each initial $B_i$	. 55
Fig. 5.3	History data of BHP optimized by each $\Delta$	. 57
Fig. 5.4	History data of BHP by SBO	. 58
Fig. 5.5	Optimized hull form by SBO	. 59
Fig. 5.6	Comparison of pressure distribution by hull optimization with SBO	. 59
Fig. 5.7	Comparison of nominal wake distribution by optimization with SBO	. 60
Fig. 5.8	Comparison of $\Delta P$ by optimization with SQP	. 60
Fig. 5.9	Relationship between $1+K$ and $1-w_s$	. 61
Fig. 5.1	0 Relationship between $1-t$ and $1-w_s$	. 62
Fig. 5.1	Relationship between EHP and BHP	. 62
Fig. 5.12	2 Body plans optimized by SBO and SQP	. 64
Fig. 5.13	3 Deformed function optimized by SQP and SBO	. 64
Fig. 6.1	Energy saving device: SSD and SURF BULB	. 66
Fig. 6.2	Flow of BHP estimation with SSD.	. 67
Fig. 6.3	Hull gird around SSD	. 67
Fig. 6.4	Topology of computational grid with SSD.	. 68
Fig. 6.5	History data of BHP optimized with propeller design by SQP	. 69
Fig. 6.6	Body plans optimized without and with propeller design	. 70
Fig. 6.7	Pressure distribution of optimized hull without and with propeller des	ign
		. 70
Fig. 6.8	Nominal wake distribution of optimized hull without and with prope	ller
des	gn	. 71
Fig. 6.9	$\Delta P$ of optimized hull without and with propeller	. 71
Fig. 6.1	0 VLCC with SSD.	. 73
Fig. 6.1	History data of BHP optimized with SSD by SQP	. 73
Fig. 6.12	2 History data of BHP optimized with SSD by SBO	. 74
Fig. 6.13	Body plans optimized with SSD.	. 74
Fig. 6.14	4 Pressure distribution of optimized hull with SSD [Naked case]	. 75

Fig. 6.15	Nominal wake distribution of optimized hull with SSD [Naked case]	76
Fig. 6.16	$\Delta P~$ distribution of optimized hull with SSD [Naked case]	76
Fig. 6.17	Pressure distribution of optimized hull with SSD [SSD case]	77
Fig. 6.18	Nominal wake distribution of optimized hull with SSD [SSD case]	77
Fig. 6.19	$\Delta P~$ distribution of optimized hull with SSD [SSD case]	78
Fig. 6.20	BHP change rate of optimization with SSD.	79
Fig. 6.21	Optimal results by SQP. (with SSD VS without SSD)	81
Fig. 6.22	Optimal results by SBO. (with SSD VS without SSD)	81
Fig. 6.23	Body plans optimized with and without SSD by SQP	82
Fig. 6.24	Body plans optimized with and without SSD by SBO	82
Fig. 6.25	Nominal wake distribution of optimized hull without SSD [SSD case].	83

Table 1.1	Target of EEDI
Table 2.1	Calculation conditions
Table 2.2	Characteristics of each optimization methods17
Table 2.3	Optimization results by SQP [Case 1]
Table 2.4	Optimization results by SQP [Case 2]
Table 2.5	Optimization results by GA [Case 1]
Table 2.6	Optimization results by GA [Case 2]
Table 2.7	Optimization results by SBO [Case 1]
Table 2.8	Optimization results by SBO [Case 2]
Table 3.1	Principal dimensions of initial VLCC
Table 3.2	Main engine data
Table 3.3	Principal dimensions of the model propeller
Table 3.4	Results of the optimization for VLCC by SQP
Table 4.1	Principal dimensions of model ships
Table 4.2	Measurement points of POT 45
Table 4.3	Measurement points of resistance and propulsion test 45
Table 4.4	Result of tank test
Table 4.5	Comparison of $BHP / BHP_{init}$
Table 5.1	Parameters $B_i$ optimized by each initial $B_i$
Table 5.2	Results of the optimization for VLCC by SBO
Table 5.3	Optimization results by SQP and SBO
Table 6.1	Results of the optimization without and with propeller design70
Table 6.2	Results of hull optimization with SSD75
Table 6.3	Results of hull optimization without SSD

# List of Tables

# 1. 諸言

本研究は、CFD(Computational Fluid Dynamics)を用いた実用的な船尾船型最適化手 法に関する研究である。

## 1.1. 研究背景

2013年1月1日にエネルギー効率設計指標 EEDI(Energy Efficiency Design Index) の強制化に関する MARPOL ANNEX VI 改正案が発行した<sup>1)</sup>。EEDI とは規定された一定 の条件下において、1トンの貨物を1マイル運ぶ際に排出される CO<sub>2</sub>のグラム数と定義さ れている。Table 1.1 に示すように、2015年7月1日以降に引き渡しが行われる一定サイ ズ以上の船舶には、EEDI を設定された規制値以下とすることが要求され、規制値は段階的 に引き下げられる。段階的に引き下げられる EEDI 規制値を達成するため、船型改良や省 エネ付加物(ESD: Energy Saving Device)の開発など CO<sub>2</sub>排出量削減の取組みが行われ ている。

Table 1.1 Target of EEDI.

Ship Type	Size (DWT)	Reduction	rate of EEDI	2013	2014	2015	2016	2017	2018	2019	2020	2021	2022	2023	2024	2025
Bulb Carrier	over 20,000	Phase 0	0%													
Tanker	over 20,000	Phase 1	10%													
Container Ship	over 15,000	Phase 2	20%													
Gas Carrier	over 10,000	Phase 3	30%													

船型改良や ESD の開発は、主に水槽試験及び数値シミュレーションによって行われる。 コンピュータが進歩するにつれて、数値シミュレーションには、Navier-Stokes 方程式の数 値解法である CFD (Computational Fluid Dynamics)が用いられるようになった。CFD を用いることで、短期間で複数隻の船舶性能を推定し、より性能面で優れた船型を選択す ることができるため、設計期間の短縮や、燃費性能の高い船型を開発することができる。 そのため、現在、CFD は船舶性能の推定ツールとして必要不可欠となっており、設計現場 でも広く活用されている。

船型開発の効率化という面では、1960年代から船型改良における形状最適化に関する研 究が開始され、現在まで数多くの手法が報告されている<sup>2)</sup>。1960年代から1970年代まで は、薄い船の理論等の線形理論と変分法を用い、造波抵抗を最小化することを目的とした 船型最適化手法の研究が報告されている<sup>3)4)など</sup>。1980年代からは最適化手法に非線形計画 法と、低造波理論や Rankine source 法等の数値計算を用いた船型最適化に関する研究が報 告されている<sup>5)6)など</sup>。CFD を用いた船型最適化に関する研究については、コンピュータの 発達と合わせて、1990年代から多くの研究が報告されている<sup>7)8)9)など</sup>。線形造波理論や Rankine source 法を用いた船型最適化には、非線形計画法、遺伝的アルゴリズム GA (Genetic Algorithm)、焼きなまし法など様々な最適化手法が採用された事例が報告されて いるが、CFD を用いた船型最適化では、主に非線形計画法が使用されてきた。非線形計画 法は少ない評価関数で最適解を得られるメリットがあるが勾配法的に最適解を求めるため、 多峰性を持つ目的関数の場合では、局所最適解に陥る可能性があり、さらに、勾配法的に 最適解を探索する最適化手法の場合、目的関数の算出に CFD を用いると、CFD による数 値誤差から、正しい探索が行えない可能性がある。局所最適化の問題及び数値誤差の問題 は、GA、焼きなまし法等を使用すると解決する可能性はあるが、現在の設計現場で使用さ れているコンピュータ性能では CFD の評価には数十分の時間を要するため、現在のコンピ ュータ性能を考えると現実的ではない。CFD を用いた船型最適化において、局所最適化及 び数値誤差の問題を解消することで、船型開発期間の短縮化及びより優れた性能を有する 船舶の開発につながるため、有用な設計ツールとなることが予測される。

また、既に報告されている船型最適化手法では、ESD による効果を考慮した形状変形が 実施されていない。船尾ダクトなどの ESD では、船尾形状変化により効果が大きく左右さ れる。例えば、従来の ESD なしでの船型最適化では、ESD なしでは性能が向上するが、 ESD の効果が減少し、ESD を考慮した性能、つまり船体全体での性能は改善しないことも 考えられる。船体性能を全体的に最適化するには ESD を考慮した船型最適化手法が必要で ある。

#### 1.2. 研究目的

従来の船型設計では、CAD (Computer-Aided Design)による船型変形、格子生成、CFD 計算、馬力推定を、それぞれ手動もしくは自動により実施し、得られた結果を評価すると いう作業を繰り返し実施することで最適な船型を探索していた。性能推定結果から、船型 変更による新たな形状作成までは、人の判断に委ねられるため、開発期間内では限られた 隻数しか評価できず、最適な形状が得られていない可能性がある。また、経験的な形状変 形を行うことが多く、経験の範囲外である予期せぬ新形状が得られる可能性は少ない。船 型最適化技術を用いる場合、自動的に形状を探索するため、設計者の意思が入らず、新形 状を得られる可能性がある。また、船型作成から評価まで全て自動化されるため、評価で きる隻数も増加する。最適化技術を用いるには、船型の評価方法を決定する必要があるが、 抵抗値等1つの要素に着目すると船体全体の性能評価とはならない。そこで、本研究では、 実用的な船型最適化手法を検討するため、船体後半部における性能要素を全体的に考慮で きるよう、制動馬力 BHP (Brake Horse Power)が最小となるように CFD を用いて船尾 船型の最適化を実施する。 また、最適化手法に従来から用いられてきた非線形計画法の1つである逐次2次計画法 SQP (Sequential Quadratic Programming) と、逐次近似最適化手法SBO (Surrogated -Based Optimization)を用いた船尾船型最適化手法を構築する。SBO を最適化手法に用い ることで、CFD を用いた船型最適化において、効率的に大域的最適解が得られるかを検討 する。更に、ESD の1つである船尾ダクトを考慮した船型最適化手法を構築し、船尾ダク トの考慮有無による船型最適化結果への影響について検討する。

CFD を用いた船型最適化において、効率的に大域的最適解が求められ、また、ESD を考慮した最適船型を得ることが出来れば、船体全体の性能が向上し、EEDI 規制値の達成に役立つ。更に、最適化技術の活用により、船型開発期間の短縮につながる。

#### 1.3. 論文の構成

前述した研究背景、目的に基づき、本研究を以下のように構成している。

- 2章:船型最適化手法について
- 3章: SQP による船型最適化の計算事例
- 4章:水槽試験による本最適化手法の有効性検証
- 5章:SBOによる船型最適化の計算事例
- 6章:プロペラ要目及び省エネ付加物を考慮した最適化

まず、2章において、本研究において構築した船型最適化手法の全体構成から、最適化を 構成する各要素である船型変形法、目的関数である馬力推定法、最適化手法について述べ る。3章では、従来から CFD を用いた船型最適化手法に用いたれてきた SQP を採用し構 築した、BHP 最小化を目的とした船型最適化手法を用いて、VLCC (Very Large Crude Carrier)を最適化した実施例を示している。4章では構築した船型最適化手法の有効性を 確認するために、3章で得られた最適化に基づく2船型と初期船型の水槽試験を実施し、計 算結果との比較検討を行う。5章では、3章で得られた結果における局所最適解の問題点を 提起し、問題の解決策として最適化手法にSBO を採用した船型最適化手法を構築している。 3章で用いた初期船型である VLCC 船型を5章で構築した手法で最適化し、3章での計算 結果と比較を行う。6章では、5章までは省略していた、プロペラ要目最適化及び ESD を 考慮した船型最適化システムを構築し、それぞれの考慮有無による最適化に及ぼす影響を 検討する。最後の7章はまとめである。

# 2. 船型最適化手法

船型最適化を実施するには、従来の船型設計において手動で実施していた、CAD による 船型変更、格子生成、CFD 計算、馬力推定をそれぞれ自動化する必要がある。従って、そ れぞれの項目を自動化し、最適化手法と組み合わせることで船型最適化手法を構築する。 全て自動化された船型最適化手法により、人手を介さずに船型の性能評価できるため、評 価隻数が増加し、性能面でより優れた船型を取得できる可能性がある。更に、自動変形す るため、設計者の予期せぬ優れた形状が得られる可能性がある。

船型最適化の流れを Fig. 2.1 に示す。船型を変更し、計算格子を生成、CFD により性能 要素を推定し、得られた結果から BHP を推定する。推定された BHP を目的関数として最 適化手法で評価し、BHP が小さくなる船型の探索し、新たな形状を作成する、という繰り 返し作業により船型最適化が実行される。次節から構築した船型最適化手法の船型変形法、 馬力推定法、最適化手法について記載する。



Fig. 2.1 Flow of hull optimization.

2.1. 船型変形法

船型最適化における、船尾形状変形手法は既にいくつかの方法が報告されている<sup>2)</sup>。本研究では、日野により報告されたフレームラインを変更する形状変形関数<sup>9)</sup>である (2.1)を基にして形状変形を行う。初期船型の幅方向座標位置 y に形状変形関数 d<sub>i</sub>を乗じる ことで幅方向の座標を変更し、船体形状を変更する。形状変形関数 d<sub>i</sub>は式(2.2)に示すよう に、正弦関数と 2 次関数の組み合わせによって定義される。Fig. 2.2 に示すように、形状変 形関数 d<sub>i</sub>に用いらるそれぞれのパラメータ A<sub>i</sub>, B<sub>i</sub>, C<sub>i</sub>, D<sub>i</sub>(i=1,2,3,4)はそれぞれ以下を意味し ている。

A<sub>i</sub>(x):形状変形の開始位置

B<sub>i</sub>(x):形状変形開始位置から形状変形のピーク位置までの距離

C<sub>i</sub>(x):形状変形ピーク位置における変形量

D<sub>i</sub>(x):形状変形の終了位置(x<sub>MAX</sub>)での変形量

ここで、形状変形関数を添え字 *i* は Water Line (以下、WL) 位置を示しており、*i*=1~4 は それぞれ *z*=0, *d*/2, 2*d*/3, *d* に対応し、WL 方向に 4 つの形状変形関数を配置している。各 WL 間はスプライン補間により変形量を算出する。

$$y_{mod} = (1 - d_i(x))y$$
 (2.1)

$$d_{i}(x) = \begin{cases} C_{i} \sin\left\{\frac{\pi}{2}\left(\frac{\tilde{x}}{B_{i}}\right)^{3}\right\} & \text{if} \quad \tilde{x} < B_{i} \\ \frac{D_{i} - C_{i}}{\left(1 - B_{i}\right)^{2}}\left(\tilde{x} - B_{i}\right)^{2} + C_{i} & \text{if} \quad \tilde{x} \ge B_{i} \end{cases}$$
(2.2)

ただし、

$$\tilde{x} = \frac{x - A_i}{x_{\text{MAX}} - A_i} \tag{2.3}$$



本研究では、より実用的なツールとして活用されるよう、最適解を得るための時間短縮のため、 $A_i(x)$ は喫水高さにおける船側平行部位置付近とした固定値を用いる(Fig. 2.3 参照)。つまり、長さ方向の変形領域は高さによらず一定である。形状変形には PLOT3D 形式10のパネルデータを用いる。PLOT3D 形式の船体 y座標位置(船体幅方向位置)に対して、形状変形関数 $d_i$ を用いて変形を行い、新たな PLOT3D 形式のパネルデータを作成している。 y座標位置のみの変更であるため、Profile Line は変更されず、Frame Line のみの変更となる。また、形状変形と共に、新たなパネルデータから排水容積 V を算出し、得られた排水容積を最適化の制約条件として用いる。排水容積 V は、各パネルの XZ 平面の投影面積  $S_{xz}$ と、パネル中心の Y 座標位置  $y_c$ の積の総和によって近似的に求める。

$$\nabla = \sum S_{xz} y_c \tag{2.4}$$







Fig. 2.4 PLOT3D data of hull.

# 2.2. 馬力推定法

本研究の最適化に用いる評価値は、船体後半部の全体的な性能を評価するため、BHP と 設定する。BHP 算出の流れを Fig. 2.5 に示す。2.1 節の手法で変形した船体パネルデータ を入力データとして、CFD 計算用の計算格子を生成する。生成した計算格子を用いて CFD 計算を実施し、形状影響係数(1+K)'、推力減少係数(1-t)'、伴流係数 $(1-w_r)'$ を算出する (詳細は 2.2.1 項に記載)。ジャパンマリンユナイテッド株式会社(以下、JMU)技術研究 所(津)の船型試験水槽<sup>11)</sup>にて行われた水槽試験結果と CFD 計算結果を蓄積して得られ た相関係数を用いて、CFD で得られた性能要素をそれぞれ 1+K、1-t、1-w<sub>r</sub>と修正し、水槽 試験結果同等の定量性を持たせる(詳細は 2.2.3 項に記載)。CFD は模型スケールで実施し ているため、実船の馬力推定を実施する際には矢崎チャート<sup>12)</sup>から求めた尺度修正係数 $\varepsilon_0$ を用いて、式(2.5)より実船の有効伴流係数( $1-w_r$ )を算出する。

$$1 - w_s = \varepsilon_0 \left( 1 - w_T \right) \tag{2.5}$$

また、実船の抵抗値  $R_{\mu}$  [N]は、実船の船体表面の粗度による抵抗増加量を表す粗度修正係 数  $\Delta C_{\mu}$ を用いた式(2.6),(2.7)より求める。ここで $C_{\mu}$ は実船における全抵抗係数、 $C_{\mu}$ は実 船における摩擦抵抗係数、 $C_{\mu}$ は造波抵抗係数、 $\rho$  は海水密度 [kg/m<sup>3</sup>]、U は船速 [m/s]、 S は浸水表面積 [m<sup>2</sup>]である。

$$C_{_{IS}} = C_{_{W}} + (1+K)C_{_{fS}} + \Delta C_{_{F}}$$
(2.6)

$$R_{s} = \frac{1}{2} \rho U^{2} S C_{ts}$$
 (2.7)

得られた全抵抗Rより有効馬力 EHP [W]は次のように表される。

$$EHP = R_{ts}U \tag{2.8}$$

CFD の自航計算で得られた性能要素を基に次式により船殻効率 $\eta_{\mu}$ を算出する。

$$\eta_{H} = \frac{1 - t}{1 - w_{s}} \tag{2.9}$$

同船種における機械効率 $\eta_{_M}$ 及び伝達効率 $\eta_{_T}$ は不変と仮定し $\eta_{_M}\eta_{_T}=1/1.01$ 、またプロペラ効率比 $\eta_{_R}$ は固定値 1.02 を用いる。それぞれの船型に対して最適なプロペラ要目が変化するため、EHP 及び自航要素を用いて実船用のプロペラを設計する。プロペラは MAU (Modified AU)型プロペラとし、実船用にプロペラ単独効率 $\eta_{_R}$ が最大かつキャビテーションによるエロージョンが発生しないよう、プロペラ要目を最適化する(詳細は 2.2.2 項に記載)。プロペラ要目最適化によって得られたプロペラ単独効率 $\eta_{_R}$ を用いて、制動馬力 BHP [W]は

$$BHP = \frac{EHP}{\eta_M \eta_T \eta_R \eta_o \eta_H}$$
(2.10)

と表せる。

CFD 計算格子生成及び計算法は 2.2.1 項に、得られた性能要素から実船用に最適プロペラ要目を算出する方法を 2.2.2 項に、CFD と水槽試験の相関修正方法を 2.2.3 項に記載する。



Fig. 2.5 Flow of BHP estimation.

# 2.2.1. CFD 計算法

計算格子は 2.1 節に示す手法で形状変形を行った PLOT3D データを入力データとして作 成する。計算格子は、垂線間長を L とした際に、長さ方向には船首端から前方に L、船尾 端から後方に 1.5L、幅方向は Center Line (C.L.) から両舷方向にそれぞれ L、喫水から深 さ方向に L の空間格子を用いる (Fig. 2.6 参照)。格子分割は、(*i*, *j*, *k*) = (121, 41, 61)とし た構造格子から、格子品質が悪化しやすい船首端及び船尾端底部の四角形を三角形に分割 し、外境界に向けてプリズムで押し出すように修正を加えた (Fig. 2.7 の赤丸部)格子を使 用する。船体の最小格子幅は y+50 となるように設定し、壁面の境界条件には壁関数を用い る。本研究では船尾の形状変形を問題としており、船尾変形についての造波抵抗が馬力に 与える影響は小さいと考え、二重模型として形状影響係数及び自航要素を算出し、造波抵 抗は初期船型と同等としている。各境界条件は Fig. 2.8 に示す通り、流入条件 (inlet)、流 出条件 (outlet)、対称境界条件 (symmetry)、すべりなし壁条件 (wall)を設定する。



Fig. 2.6 Topology of the computational grid.



Fig. 2.7 Position of the prism grid.



Fig. 2.8 Boundary conditions of the grid.

CFD 計算には商用コードである Fluent<sup>13)</sup> を用いる。Fluent の支配方程式は以下のよう な連続の式及び運動量保存式である。Fluent の計算方法は参考文献 14 に詳しく記載されて いる。

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \nabla \cdot \left( \rho \vec{v} \right) = S_m \tag{2.11}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \rho \vec{v} \right) + \nabla \cdot \left( \rho \vec{v} \vec{v} \right) = -\nabla p + \nabla \cdot \left( \vec{\tau} \right) + \rho \vec{g} + \vec{F}$$
(2.12)

ここで、 $\rho$ は流体密度、vは速度、tは時間、 $S_m$ はソース項、pは圧力、t は応力テ ンソル、 $\rho g$ は重力体積力、Fは外部体積力である。ソース項とは分散相の影響及びユー ザー定義ソースによって連続層に加えられた質量を意味する。粘性、非圧縮、単相流を取 り扱う場合、式(2.11),(2.12)はそれぞれ次のように書き換えられる。

$$\nabla \cdot \vec{v} = 0 \tag{2.13}$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \vec{\rho v} \right) + \nabla \cdot \left( \vec{\rho v v} \right) = -\nabla p + \nabla \cdot \left[ \mu \left( \nabla \vec{v} + \nabla \vec{v}^{T} \right) \right] + \vec{F}$$
(2.14)

ここで、 $\mu$  は粘性係数を示す。本研究では、粘性、非圧縮、単相流とし、計算条件を Table 2.1 に示す。乱流モデルにはせん断応力輸送(SST)  $k - \omega$  モデル <sup>15)</sup>を用いる。また、圧力・速度連成アルゴリズムとしては SIMPLE を、空間の離散化には 2 次精度風上差分法を使

用する。SIMPLE アルゴリズムは、速度補正値と圧力補正値の関係を用いて、質量保存を 成立させながら圧力場を求めるアルゴリズムである。

Algorithm	SIMPLE
Spatial discretization	Second order upwind
Turbulence model	SST $k - \omega$ model
Wall condition	Wall function

Table 2.1 Calculation conditions.

CFD 計算はモデルスケールで実施する。CFD 計算の全体の流れを Fig. 2.9 に示す。はじめ に模型スケールにおける船体抵抗  $R_m$  を算出する。抵抗計算の初期流れ場には、初期船型の 抵抗計算で得られた結果を利用し、計算時間短縮を図っている。次に自航要素を算出する ために、簡易プロペラモデル<sup>16)</sup>を外部関数として組込み、模型スケールにおける自航状態 の船体抵抗から摩擦修正係数 SFC (Skin Friction Coefficient)、粗度修正係数  $\Delta C_F$  の影響 分を差し引いた値が、プロペラモデルのスラストT と釣り合うように回転数を調整して収 束計算を行う。



Fig. 2.9 Flow of CFD.

自航計算の具体的な手順を以下に示す。

#### STEP1 流速の取得面及び体積力を与える領域の選択

流速取得面となるセルを設定する。流体力を与える領域として、プロペラ直径 $D_p$  以下か つプロペラボス直径 $D_{Boss}$  以上のドーナツ型の領域(以下、プロペラ領域)を Fig. 2.10 の ように設定する。



Fig. 2.10 Propeller region for giving body force.

#### STEP 2 船体抵抗の算出

Fluent において船体圧力を積分し船体抵抗 $R_m$ を算出する。算出した船体抵抗から摩擦修 正係数 SFC 及び粗度修正係数  $\Delta C_r$  の影響分を引いた、必要スラストT'を算出する。本来は、 造波抵抗の影響を考慮して必要スラストを求めるべきであるが、ここでは造波抵抗の影響 は小さいとして省略している。

$$T' = \frac{1}{2} \rho U^2 S \left( C_m - SFC - \frac{1}{2} \Delta C_F \right)$$
 (2.15)

**STEP 3** プロペラ推力の算出

STEP1で設定した流体取得面から流速を算出する。プロペラ推力T及びトルクQの推定式(2.16)が中武らにより提案されている。

$$T = \rho \int_{r_s}^{r_0} \left( \int_0^{2\pi} \Gamma(r,\theta) V_{\theta} r d\theta - \frac{1}{2} C_{PD} Nc(r) \sqrt{1 + \frac{h^2}{r^2}} V_{0x} V_{0\theta} \right) dr$$

$$Q = \rho \int_{r_s}^{r_0} \left( \int_0^{2\pi} \Gamma(r,\theta) V_x r d\theta - \frac{1}{2} C_{PD} Nc(r) \sqrt{1 + \frac{h^2}{r^2}} V_{0\theta}^2 \right) r dr$$

$$(2.16)$$

ここで、 $r_0, r_B$  じゃそれぞれプロペラ半径及びボス半径、 $\Gamma$  はプロペラ円上の束縛渦の循環、  $V_0, V_r$  はプロペラ面上の軸方向及び円周方向のプロペラ流入速度、 $C_{PD}$  はプロペラ面内の 抵抗係数、N はプロペラ翼数、c(r) は半径rにおけるコード長、hは 0.7r における自 由渦のピッチ比、 $V_{0x}, V_{00}$ は半径r での平均プロペラ流入速度の軸方向及び周方向成分であ る。本式を元にプロペラ推力T及びトルクQを算出する。

#### STEP4 プロペラ回転数の調整

スラストのつり合い式(2.17)が満足しなければ、回転数を変更し STEP 3 へ戻る。回転数の変更方法は 2 分法により行う。満足すれば次 STEP に進む。

$$T = T' \tag{2.17}$$

**STEP 5** 運動量ソースを加え、CFD 計算を実施

算出されたプロペラによる影響を、設定した領域に均一に外力として与える。つまり、 式(2.14)の外力項F にプロペラ作動における外力を与えて CFD 計算を実施する。式(2.15) により必要スラストを再度算出し、式(2.17)を満足していなければ、STEP 3 に戻る。満足 すれば計算を終了する。

以上の手順で、自航要素の推定を行う。CFD では舵を省略して計算し、水槽試験と CFD 相関修正により舵影響を含むとする。

#### 2.2.2. プロペラ設計手法

MAU 型プロペラのピッチ比 H/D 及び展開面積比 Ae を最適化することで得られた MAU プロペラを実船用のプロペラとする。あらかじめ、JMU 技術研究所(津)の船型試 験水槽によってシリーズ試験された MAU プロペラの POT について翼数毎に回帰分析を行 う。スラスト係数  $K_r$  及びトルク係数  $K_o$  について H/D、 Ae、前進率 J に対する各翼数で の重回帰式を作成することで、MAU プロペラの POC は、作成した式(2.18)から算出可能 となる。

$$K_{T} = \sum_{i=0}^{2} \sum_{j=0}^{2} \sum_{k=0}^{3} A_{ijk} \left(\frac{H}{D}\right)^{i} Ae^{j} J^{k}$$

$$K_{Q} = \sum_{i=0}^{2} \sum_{j=0}^{2} \sum_{k=0}^{3} B_{ijk} \left(\frac{H}{D}\right)^{i} Ae^{j} J^{k}$$
(2.18)

実船用の MAU プロペラ設計手法の流れを Fig. 2.11 に示す。ここで、プロペラ翼数は固定として扱い、H'D,Aeを変数として、効率が最大となるプロペラを設計している。まず、H'D,Aeを入力値として、船級規則を満足する最小翼厚を算出する。次に、H'D,Aeから式(2.18)を用いて推定 POC を求める。CFD により得られた性能要素1+K,1-t,1- $w_r$ と実船用に設計した MAU プロペラから、式(2.5)~(2.10)を用いて、馬力推定を行う。ここでキャビテーション判定のため、バリルチャートを基にした、キャビテーションの許容ライン内であるかを算出する。一連の流れについて、キャビ許容ライン内に収まり、かつプロペラ単独効率 $\eta_o$ が最大となるように繰り返し計算を実施する。つまり、キャビテーション制約のもとで、 $\eta_o$ が最大となるようにプロペラ要目を最適化することになる。プロペラ要目の最適化には多峰性はないと考え、逐次2次計画法である SQP を用いている。SQP については 2.3.1 項に詳しく記載する。



Fig. 2.11 Flow of propeller design.

#### 2.2.3. CFD の相関修正方法

2.2.1 で示した CFD による抵抗・自航計算法では、造波抵抗を考慮していないため自航 状態のプロペラ荷重度が異なる。また、CFD では舵の影響も考慮していないため、CFD で 得られた各性能要素の値と水槽試験で得られた値は定量的に異なる。しかしながら、CFD 結果と水槽試験結果には相関関係があると考えられる。例えば参考文献 17, 31 では、CFD 結果と水槽試験結果の各性能要素の定性的な大小関係はおおむね一致し、実験値と計算値 には良い相関関係があると報告されている。そこで、水槽試験同等の定量的な評価を行え るよう、CFD で得られた結果に、CFD-水槽試験の相関修正を行う。相関式は Fig. 2.12 に 示すように、過去に JMU 津の船型試験水槽で実施した水槽試験結果と CFD による結果の 関係を最小二乗法により求めた 1 次近似式で表す。得られた係数 *a*<sub>1+κ</sub>, *b*<sub>1+</sub>, *a*<sub>1-1</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *b*<sub>1-ν</sub>, *c*<sub>1-ν</sub>, *c*<sub></sub>

り、CFD 計算で得られた各性能要素 $(1+K)_{CFD},(1-t)_{CFD},(1-w_{T})_{CFD}$ を水槽試験同等の値  $(1+K)_{EXP},(1-t)_{EXP},(1-w_{T})_{EXP}$ となるよう修正を加える。

$$(1+K)_{EXP} = (1+K)_{CFD}a_{1+K} + b_{1+K}$$
  

$$(1-t)_{EXP} = (1-t)_{CFD}a_{1-t} + b_{1-t}$$
  

$$(1-w_T)_{EXP} = (1-w_T)_{CFD}a_{1-w_T} + b_{1-w_T}$$
  
(2.19)



Fig. 2.12 An example of correlation coefficient.

## 2.3. 最適化手法

最適化手法には、数多の手法が開発されている。特に、船型最適化問題における最適化 手法には、逐次二次計画法 SQP、遺伝的アルゴリズム GA、焼きなまし法 SA 等が用いられ てきた。 CFD を用いた船型最適化においては主に SQP が用いられている。 線形造波理論や ランキンソース法に基づく評価関数では、SQPの他に、GA、SA による船型最適化事例が 報告されている <sup>18) 19)</sup> 。SQP、GA、SA には Table 2.2 に示すように、利点と欠点が存在す る。SQP は最適解を得るまでの期間は短いが、評価関数に多くの凹凸が存在するような多 峰性がある場合は、局所最適解に陥り易く、大域的最適解が求められない可能性がある。 Fig. 2.13 に示すように、設計パラメータに対して評価関数に多峰性があると、勾配を求め て最適解を探索する手法では、初期値によって局所最適解に陥る可能性が考えられる。一 方、GA 及び SA は局所最適解に陥らず、大域的最適解が得られやすい手法として知られて いる。ただし、最適解を得るまでに多大な評価回数を要するため、1 回あたりの評価時間が 長い最適化問題には適していない。本研究では、船尾の性能要素全体を捉えるために、CFD を用いて評価値を算出しており、1回の評価に少なくとも十数分の時間を要する。本研究に 限らず、CFD 計算は計算機が進歩した現在でも時間を要することが多い。つまり、限られ た短期間の間に解を導かなければならない設計現場においては、長い解析期間を要する CFD を用いて評価を行う場合、GA などを用いた最適化手法を用いることは現実的ではな い。最適解を得るまでの期間短縮かつ、大域的な最適解を得る手法として近年、逐次近似 最適化手法 SBO が開発されている<sup>20)</sup>。工学分野を対象とした SBO による最適化事例が、 航空機分野を主として報告されている <sup>21)</sup> 。現状のコンピュータ性能では GA、SA 等の最適 化手法は CFD を用いた最適化には不向きであると考え、本研究の最適化手法には、従来の 船型最適化手法として主に用いられている SQP、及び SBO それぞれの最適化システムを構 築し、2 種類の船型最適化手法の比較検討を実施している。2.3.1 項には SQP、2.3.2 項に

はGA、2.3.3 項にはSBO それぞれの手法について記載し、2.3.4 項では紹介した3手法において理論解をもつ単峰性問題及び多峰性問題の計算例を紹介し各手法にどのような特徴があるかを示す。

	SQP	GA & SA	SBO
Global optimization	×	0	0
Evaluation time	0	×	0

Table 2.2 Characteristics of each optimization methods.



Fig. 2.13 An example of local and global optimization.

2.3.1. 逐次 2 次計画法 SQP

逐次2次計画法SQP(Sequential Quadratic Programming)は制約条件付き非線形問題の最適化手法の1つであり、制約条件付き最小化問題の有力な数値解法の1つとなっている。SQPは2次計画部分問題を繰り返し解くことにより最適解を得る手法である。

最小化問題(2.20)を考える。f(x)は目的関数、 $h_i(x)$ は等号制約条件、 $g_i(x)$ は不等号制約条件、xは設計変数である。Nは等号制約条件の数、Mは不等号制約条件の数である。 本研究では目的関数 f(x) が BHP、設計変数 x は船型の形状変更パラメータ、制約条件  $g_i(x)$ は排水量の下限値、幅の最大値等となる。

目的関数:
$$f(x)$$
  
制約条件: $h_i(x)=0, \quad i=1,2,...,N$   
 $g_i(x) \le 0, \quad i=1,2,...,M$  (2.20)

式(2.20)の最小化問題を SQP で解く具体的な手順を STEP 1~7 として以下に示す。

#### STEP 1

初期値 $x_0$ とn次正定値対象行列 $B_0$ を決める。(k=0)

# STEP 2

制約条件付き最適化問題の二次計画部分問題である式(2.21)を解き、探索ベクトル dを

求める。制約条件は、 $h_i(x)$ ,  $g_i(x)$ を $x_k$  まわりに 1 次の項までテーラー展開したものである。

目的関数 
$$\nabla f(x_k)^T d + \frac{1}{2} d^T B_k d \rightarrow$$
最小化  
制約条件  $h_i(x_k) + \nabla h_i(x_k)^T d = 0, \quad i = 1, 2, ..., N$   
 $g_i(x_k) + \nabla g_i(x_k)^T d \le 0, \quad i = 1, 2, ..., M$  (2.21)

不等号制約条件、等号制約条件に対応するラグランジュ乗数ベクトルを $\lambda_{k+1}, \mu_{k+1}$ とする。

## STEP 3

 $(x_k, \lambda_{k+1}, \mu_{k+1})$ が、式(2.20)に対して KKT 条件(Karush-Kuhn-Tucker condition)を満たしているかを判断し、満たしていれば反復を終了し、満たしていなければ、STEP 4 へ進む。

KKT 条件

$$\nabla_{x}L(x,\lambda,\mu) = \nabla f(x_{k}) + \sum_{i=1}^{M} \lambda_{i} \nabla g_{i}(x_{k}) + \sum_{j=1}^{N} \mu_{j} \nabla h_{j}(x_{k}) = 0$$

$$g_{i}(x_{k}) \leq 0$$

$$h_{j}(x_{k}) = 0$$

$$\lambda_{i} \geq 0, \quad i = 1, 2, \dots, M$$

$$\lambda_{i}g_{i}(x_{k}) = 0, \quad i = 1, 2, \dots, M$$

$$(2.22)$$

### STEP 4

ステップ幅 $\alpha_k$ を決定する。 I.  $\beta_{k,l} = 1, j = 1$ とおく。

II. 直接探查評価関数

$$\theta_{\delta}(x) = f(x) + \delta \max\left(0, g_{1}(x), \cdots, g_{M}(x), \left|h_{1}(x)\right|, \cdots, \left|h_{N}(x)\right|\right)$$

$$(2.23)$$

に対して

$$\theta_{s}\left(x_{k}+\beta_{k,j}d_{k}\right) \leq \theta_{s}\left(x_{k}\right)-\omega\beta_{k,j}d_{k}^{T}B_{k}d_{k}$$

$$(2.24)$$

ならば、 $\alpha_{k} = \beta_{k,j}$ として STEP 5 へ進む。式 (2.24)を満たさなければ、III に進む。

ここで、 $\delta$ はペナルティパラメータ、 $\omega$ は一般的に 0.2 もしくは 0.1 が用いられ、ここでは 0.1 を用いる。

III.  $\beta_{k_{i+1}} = \tau \beta_{k_i}, j = j+1$ として II に戻る。ここで  $\tau$  は 0.5 を用いる。

### STEP 5

 $x_{k+1} = x_k + \alpha_k d_k \quad \succeq \neq \Im_{\circ}$ 

#### STEP 6

Powell の修正 BFGS 公式(2.25)より行列  $B_k$ を更新し、 $B_{k+1}$ を生成する。

$$B_{k+1} = B_k - \frac{B_k s_k s_k^T B_k}{s_k^T B_k s_k} + \frac{\eta_k \eta_k^T}{s_k^T \eta_k}$$
(2.25)

ただし

$$s_{k} = x_{k+1} - x_{k}$$

$$y_{k} = \nabla_{x} L(x_{k+1}, \lambda_{k+1}, \mu_{k+1}) - \nabla_{x} L(x_{k}, \lambda_{k+1}, \mu_{k+1})$$

$$\eta = \phi y_{k} + (1 - \phi) B_{k} s_{k}$$

$$\phi = \begin{cases} 1, & s_{k}^{T} y_{k} \ge 0.2 s_{k}^{T} B_{k} s_{k} \\ \frac{0.8 s_{k}^{T} B_{k} s_{k}}{s_{k}^{T} (B_{k} s_{k} - y_{k})}, & s_{k}^{T} y_{k} < 0.2 s_{k}^{T} B_{k} s_{k} \end{cases}$$

# STEP 7

k = k + 1として STEP 2 へ戻る。

本研究では、以上の手法を元に作成された ASNOP (Application System for Nonlinear Optimization Problems) コード<sup>22)</sup> に改良を加えたものを使用している。

2.3.2. 遺伝的アルゴリズム GA

遺伝的アルゴリズム GA は、自然界の生物の進化過程を模擬した最適化アルゴリズムで ある。Fig. 2.14 に示すように、生物進化の過程では各個体の集団(Population)の中で、 環境適用度の高い個体が生き残り(Selection)、更に生き残った個体の交配(Crossover) 及び突然変異(Mutation)により次世代集団が形成される。世代交代が順次行われること により、環境適用度のより高い個体が増加する。この生物進化の過程を利用して最適解を 得る手法が GA である。各個体の集団が収束すると、全ての親がほぼ同じ個体となり、交 叉を実施しても意味がなくなる。そこで、自然界に生じる突然変異を加えることで局所最 適解への収束を防いでいる。



Fig. 2.14 Flow of GA.

一般的な GA では、0 または 1 で個体情報を表現している。データが蓄えられる個々の場所を遺伝子座、遺伝子座に蓄えることが出来るデータを対立遺伝子という。対立遺伝子を 複数並べた列を染色体という。この染色体に実数を入れるために GA ではバイナリーコー ディング (Binary Coding)、グレーコーディング (Gray Coding)の 2 手法がよく用いら れる。バイナリーコーディングでは染色体を $[s_1, s_2, ..., s_l]$ とした場合、実数 x は次のように表 現*できる。* 

$$x = x_{s} + \frac{x_{e} - x_{s}}{2^{l} - 1} \sum_{i=1}^{l} s_{i} 2^{l-i}, \qquad s_{i} \in \{0, 1\}$$
(2.26)

ここで、*l* は遺伝子座の数、[*x<sub>s</sub>*,*x<sub>e</sub>*] はコーディングの範囲である。バイナリーコーディン グでは、2 進数表記である染色体を 10 進数表記に変換し、コーディング範囲で修正して実 数*x*を得る手法である。しかし、バイナリーコーディングでは、ハミングの壁と呼ばれる問 題がある。例えば、10 進数である表現型では 7 と 8 は隣り合うが、2 進数である遺伝子型 では[0111]、[1000]となり、遺伝子型での不連続性が最適化に問題を与える可能性がある。 そこでこの問題を解決しようとしたグレーコーディングが登場している。グレーコーディ ングは表現型で隣り合う数字が遺伝子型でも隣り合うように修正を加えたものであり、次 のように表現される。

$$x = x_{s} + \frac{x_{e} - x_{s}}{2^{l} - 1} \sum_{i=1}^{l} \left( \bigoplus_{j=1}^{i} s_{j} \right) 2^{l-i}, \qquad s_{i} \in \{0, 1\}$$

$$(2.27)$$

ここで、  $\hat{H}s_{j}$ は  $s_{i}$  から  $s_{i}$  までのデータを足し合わせ、2 で割った時の余りを示す。グレー コーディングを用いることで、バイナリーコーディングに存在したハミングの壁が解消さ れるため、ここではグレーコーディングを用いる。

本研究で用いた GA により式(2.20)の最適解を求める具体的な手順を以下 STEP 1~4 に 示す。

#### STEP1 初期集団の生成

設計変数xの初期値 $x_0$ をランダムもしくは一様分布で生成し、初期集団P(t=0)を形成する。生成された設計変数 $x_0$ について、グレーコーディングを用い、表現型から遺伝子型に変換する。

STEP 2 集団 P 内の個体について、適用度を基に淘汰操作を適用

集団内の各個体の選択・淘汰方法は種々提案されているがここでは、ルーレット選択 (roulette wheel selection)及びトーナメント選択(tournament selection)を用いる。こ こで選択された個体が親個体となり、親個体の集団がP'(t)となる。

(1) ルーレット選択

ルーレット選択は、集団内の各設計変数xから求めた目的関数f(x)を適用度関数 $f_i$ に変換し、式(2.28)により選択確率 $p_i$ を算出し、選択・淘汰を実行する。選択確率 $p_i$ はある個体iが各々の選択で選ばれる確率となるため、適用度の高い個体が、選択され易くなっている。N は集団内の個体数である。

$$p_{i} = \frac{f_{i}}{\sum_{i=1}^{N} f_{i}}$$
(2.28)

ここで、目的関数と適用度関数の関係を考えると、必ずしも目的関数=適用度関数とは ならない。例えば、目的関数が正負どちらの値も取り得る場合は(2.28)式の右辺の分母 が成立しなくなる。最小化問題を解く場合は適用度関数に目的関数の逆数等を用いる必 要がある。ここでは、前述した問題を避けるため、ニューラルネットワークにおいて神 経細胞の入出力関係を算出する関数の1つである、シグモイド関数を用いる。

$$f_i = \frac{1}{1 + e^{f(x)}} \tag{2.29}$$

式(2.29)は単調減少関数であり、最小化問題に用いることが可能である。

(2) トーナメント選択

トーナメント選択は、集団内からランダムでいくつかの個体を取り出し、その中で 最も適用度の高い個体を決定論的に選択する方法である。この選択方法を必要回数繰 り返すことで次世代の親個体を選択する。ここでは、2個体を選択してトーナメント選 択を実施している。

(3) エリート保存

各個体の中で、最も適用度の高い個体を次世代に残す手法をエリート保存と呼ぶ。この操作により、次世代の適用度の最大値が、現世代の適用度の最大値を下回ることを防 ぐ。多様性確保のため、ここでは、エリート保存する個体数は1つとする。

### STEP3 交叉操作を適用

各親個体が持つ対立遺伝子を、ある確率で他の親と交配する。交配方法としては、1 点交 叉、多点交叉、一様交叉等が提案されているが、ここでは1 点交叉を用いる。1 点交叉は、 染色体内のある一か所をランダムに選び、親個体 1 の交叉点より前の染色体と、親個体 2 の交叉点より後ろの染色体を組みさわせて子個体を生成する。同様に親個体 2 の交叉点よ り前の染色体と親個体 1 の交叉点より後ろの染色体を合わせて子個体を生成する。生成さ れた子個体の集団を *P''(t)*とする。

### STEP 4 突然変異を適用

STEP 3 で生成された子世代に対して、ある確率で 0 から 1、または 1 から 0 へとビット 反転することで突然変異を実施し、次世代集団 P(t+1)を生成する。

#### 2.3.3. 逐次近似最適化手法 SBO

実際の工学設計において、目的関数が設計変数の陽関数として表せるが出来ず、数値シ ミュレーションや実験を通して目的関数を得られることが多い。この数値シミュレーショ ンや実験には多大な時間やコストがかかり、できる限り少ない回数で最適解を得ることが 求められる。そこで、いくつかのサンプル点から目的関数 *f*(*x*) の形を近似し、近似した関

数 f に対して最適解を予測する、という反復によって最適解を探索する手法が開発され、 本研究では逐次近似最適化 SBO と呼ぶ。

SBO の最適化全体の流れを Fig. 2.15 に示す。SBO では、まず、実験計画法 DoE (Design of Experiment) により初期サンプル点を算出する。DoE とは、複数因子からなる実験空間 を効率的に探索する手法であり、ラテン超方格法 LHS (Latin Hypercube Sampling)<sup>23)</sup> な どがよく知られている。次に、パラメータと目的関数の関係を応答曲面法 RSM (Response Surface Model)、ガウス過程 GP (Gaussian Process)<sup>24)</sup> 等を用いて近似した関数上で最 適化を実施する。求めた近似関数に対して、近似精度向上及び局所最適解回避のために新 たなサンプル点を追加し、再度近似関数を形成し最適解を予測する。近似関数の算出と、サンプル点の追加を繰り返し行うことによって効率的に大域的最適解を求めることが可能 となる。



Fig. 2.15 Flow of SBO.

本研究では、商用ソフトである MACROS<sup>25)</sup> に含まれる SBO を使用している。SBO では、 近似関数の生成と、サンプル点の追加手法が重要となる。MACROS の SBO はラテン超方 格法を用いたサンプリング、ガウス過程を用いた近似モデルの作成及びサンプリング追加 手法を基に開発されているため、ここでは、ラテン超方格法及びガウス過程の概要につい て記載する。

ラテン超方格法は Mckay らにより開発された実験計画法の1つである。入力パラメータ である設計変数の数が d 個であり、サンプルをn 個発生させる場合を考える。j 番目のサ ンプルの設計変数  $x_i$ を $x_i$ とすると、 $x_i$ は以下のように与えられる。

$$x_{ij} = \frac{\left(x \max_{i} - x \min_{i}\right)}{n} \left(\pi_{ij} - \varepsilon\right)$$

$$i = 1, 2, \dots, d$$

$$j = 1, 2, \dots, n$$

$$(2.30)$$

ここで*xmax<sub>i</sub>,xmin<sub>i</sub>* は設計空間における設計変数*i*の最大値と最小値、 $\{\pi_{n_1},\pi_{n_2},...,\pi_{n_i}\}$  は  $\{1,2,...,n\}$  のランダムな並び替え、 $\varepsilon$  はU(0,1)の乱数である。式(2.30)のようにサンプ ル点を決定すると、Fig. 2.16 で示す通り、各設計変数を*n*分割した格子上空間の各行、各 列で必ずサンプルが 1 つ存在することとなる。



Fig. 2.16 An example of Latin Hypercube Sampling.

ガウス過程は教師あり学習の回帰分析に応用される。ここではガウス過程の概略につい て記載し、詳しくは参考文献 24 に記載されている。平均値関数と共分散関数が既知の学習 データがガウス過程に従っていると仮定すると、未知データの平均と分散を予測すること が可能となる。学習データとして、 $(X_i, Y_i)$ ; i=1,2,...,n があらかじめ用意された場合を考え る。ここで、 $X_i \in \mathbb{R}^d$ 、 $Y_i = f(X_i) \in \mathbb{R}$ である。ガウス過程回帰では、 $f(X_1), f(X_2),...f(X_n)$ の結合分布がガウス分布に従うと仮定する。ガウス過程は平均値関数m(X)と共分散関数

cov(f(X), f(X'))によって定義されるため、f(X)がガウス過程の場合、

$$m(X) = E[f(X)]$$

$$(2.31)$$

$$cov(f(X), f(X')) = E[(f(X) - m(X))(f(X') - m(X'))] = k(X, X')$$

となる。ガウス過程回帰において、平均E[f(x)]及び共分散cov(f(x), f'(x))をそれぞれ

$$E[f(X)] = 0$$

$$(2.32)$$

$$cov(f(x), f'(x)) = K$$

とすると、共分散行列*K* は*K*(*X*,*X*)=[*k*(*X<sub>i</sub>*,*X<sub>i</sub>*),*i*,*j*=1,2,...,*n*] と表せ、カーネル関数 *k*(*X<sub>i</sub>*,*X<sub>j</sub>*)を要素とする行列となる。*Y*にノイズ*σ*があると仮定すると、*X<sub>new</sub>* における回帰 モデル $\hat{f}$  はカーネル関数*k*(*X<sub>i</sub>*,*X<sub>j</sub>*)と*Y*のノイズ*σ* との和を要素とする共分散行列により 次のように求められる。

$$f(X_{new}) = k^* (K + \sigma^2 I)^{-1} Y$$

$$k^* = k(X_{new}, X) = \left[ k(X_{new}, X_j), j = 1, 2, ..., n \right]$$

$$(2.33)$$

ここで1は単位行列を示す。同様にX<sub>new</sub>の共分散は、

$$V\left[\hat{f}(X_{new})\right] = k(X_{new}, X_{new}) + \sigma^{2} - k^{*}(K + \sigma^{2}I)^{-1}(k^{*})^{T}$$
(2.34)

となる。ガウス過程回帰のカーネル関数を設定する際に、適したパラメータ*a*を設定する ことで、モデル精度が向上する。学習データから適したパラメータを推定するために、対 数尤度(式(2.35))を最大にするように*a*を決定する。

$$\log p(Y/a) = -\frac{1}{2} \log |K + \sigma^2 I| - \frac{1}{2} Y^T (K + \sigma^2 I)^{-1} Y - \frac{n}{2} \log 2\pi$$
 (2.35)

MACROS に用いられるカーネル関数を、以下に3種類記載する。カーネル関数の選択により近似モデル精度が左右されるため、a が最大となるカーネル関数を使用する。

#### 1. Squared exponential covariance function (weighted *lp* covariance function )

$$k(X, X'/a) = \sigma^{2} \exp\left(-\sum_{i=1}^{d_{s}} \theta_{i}^{2} (x_{i} - x'_{i})^{s}\right), s \in [1, 2]$$
(2.36)

ここで、 $a = \{\sigma, \theta_i, i = 1, 2, \dots, d_m\}$ である。

# 2. Mahalanobis covariance function

$$k(X, X'/a) = \sigma^{2} \exp\left(-(-X - X')^{T} A(X - X')\right)$$
(2.37)

ここで
$$A \in R^{d_{u} imes d_{u}}$$
 は正の行列であり、 $a = \{\sigma, A\}$ である。

# 3. The additive covariance function

$$k(X, X'/a) = \sum_{1 \le i_1 < \dots < i_i \le d_m} \prod_{j=1}^r k_{ij}(x_{ij}, x'_{ij})$$
(2.38)

ここで $k_{ij}(x_{ij}, x'_{ij})$ は Squared exponential covariance function である。

サンプル点の追加は、改善確率 PI (Probability of Improvement)を用いた評価を実施 し決定する。ここで、 PI は次のように表せる。

$$PI(x) = \Phi\left[\frac{f^* - \hat{f}(x)}{\hat{\sigma}(x)}\right]$$
(2.39)

 $\sigma$  は誤差の予測値、 $f^*$  は現状の最小値、 $\Phi$  は累積ガウス分布関数であり、以下のように表される。

$$\Phi(z) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{z} exp\left(-\frac{x^2}{2}\right) dx \qquad (2.40)$$

追加サンプル点x<sup>\*</sup>は次式で与えられ、これは現在最小であるf<sup>\*</sup>を更に改善する可能性が最 も高い値を探索することを意味している。

$$x^* = \arg\max_{x} PI(x) \tag{2.41}$$

式(2.39)は $f^*$ に依存しており、設計空間の極小範囲のみを探索する可能性がある。そこで、 PI(x) に代わり、PI(x,t)を導入する。実数 $t \in [0;1]$ を用いて  $f^*$ を次のように変換する。

$$f^*(t) = f_{\min} - t\varepsilon \left| \Delta f \right| \tag{2.42}$$

 $\Delta f$  は現在の推定範囲を示し $\Delta f = f_{max} - f_{min}$ と表せる。ここで、 $\varepsilon$  はヒューリスティックに決まる十分小さいパラメータである。本研究では局所的な探索を防ぎ、大域的な最適解を得られるよう、t = 0.5と設定している。

SBO を用いて最適解を求める具体的な手順を以下 STEP 1~5 に示す。

### STEP1 設計空間の設定

設計変数の取り得る範囲を決定し、計算空間を作成する。

STEP 2 初期サンプル点の生成

実験計画法 DoE(Design of Experiment)により、初期サンプル点を生成する。

STEP3 サンプル点の評価及び近似モデルの作成

サンプル点の評価計算を実施し、得られた解から回帰モデルf(X)を作成する。

#### STEP 4 追加サンプル点の算出

改善確率 PI(x,t) が最大となる x を算出し、評価する。

#### STEP 5 収束判定

サンプル点の上限に達していなければ、新たなサンプル点を追加し、STEP3 へ戻る。上 限値に達していれば計算を終了する。

2.3.4. 多峰性問題の最適化事例

2.3.1 から 2.3.3 に示した最適化手法 SQP、GA、SBO を用い、以下に示す 2 種類の関数 の最適化事例を示す。

[Case 1] Rosen Suzuki Problem

Rosen Suzuki Problem (式(2.43)) は設計変数を $x_i$  (i = 1, 2, 3, 4) とした制約条件付き単峰 性問題である。Rosen Suzuki Problem の最小値の理論解は $(x_1, x_2, x_3, x_4) = (0, 1, 2, -1)$  におい て、f = -44 である。

目的関数

$$f = x_1^2 + x_2^2 + 2x_3^2 + x_4^2 - 5x_1 - 5x_2 - 21x_3 + 7x_4$$
(2.43)

ただし、

$$-3 \le x_i \le 3(i=1,2,3,4)$$

制約条件

$$g_{1} = -x_{1}^{2} - x_{2}^{2} - x_{3}^{2} - x_{4}^{2} - x_{1} + x_{2} - x_{3} + x_{4} + 8 \ge 0$$
  

$$g_{2} = -x_{1}^{2} - 2x_{2}^{2} - x_{3}^{2} - 2x_{4}^{2} + x_{1} + x_{4} + 10 \ge 0$$
  

$$g_{3} = -2x_{1}^{2} - x_{2}^{2} - x_{3}^{2} - 2x_{1} + x_{2} + x_{4} + 5 \ge 0$$
(2.44)

[Case 2] Bird Problem

Bird Problem (式(2.45)) は設計変数を $x_1, x_2$ とした制約条件付き多峰性問題である (Fig. 2.17 参照)。Bird Problem の最小値の理論解は $(x_1, x_2) = (4.7, 3.15)$  において、f = -106.76 である。
目的関数

$$f = \sin(x_1) \exp\{(1 - \cos(x_2))^2\} + \cos(x_2) \exp\{(1 - \sin(x_1))^2\} + (x_1 - x_2)^2$$
(2.45)

ただし、

$$-6 \le x_1 \le 6$$
,  $-6 \le x_2 \le 6$ 

制約条件

$$g = (x_1 + 5)^2 + (x_2 + 5)^2 \ge 25$$
 (2.46)



Fig. 2.17 Design space of Bird Problem.

(i) 逐次 2 次計画法 SQP

SQPでは、初期値によって異なる最適解を得る可能性がある。そこで、初期値を4ケース設定して最適化を実施する。各関数における最適化結果と目的関数の評価回数をTable 2.3、Table 2.4 に示す。SQPでは最適解を得るまでの評価回数は Case1, 2 それぞれ、164回以下、77回以下と少ない。単峰性問題である Case 1 では全ての初期値で理論的な最小値を得ているが、多峰性問題である Case 2 では初期値によって最適解が異なり、理論解と離れた結果となる場合がある。よって、SQPでは短時間で最適解を得られるが、多峰性問題では初期値依存性があり、局所的な最適解に陥る可能性がある。

Initial $(x_1, x_2, x_3, x_4)$	Opt $(x_1, x_2, x_3, x_4)$	Opt f	No. of Eval.
(0.00, 0.00, 0.00, 0.00)	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	108
(1.00, 1.00, 1.00, 1.00)	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	164
(-1.00, -1.00, -1.00, -1.00)	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	145
(-1.50, 0.00, 1.00, 1.50)	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	162

Table 2.3 Optimization results by SQP [Case 1].

Table 2.4 Optimization results by SQP [Case 2].

Initial $(x_1, x_2)$	Opt $(x_1, x_2)$	Opt f	No. of Eval.
(5.00, -4.00)	(4.66, -3.08)	-48.41	51
(5.00, 0.00)	(4.70, 3.15)	-106.76	75
(3.00, 0.00)	(4.70, 3.15)	-106.76	77
(1.00, -4.00)	(0.10, -3.97)	16.84	56

(ii) 遺伝的アルゴリズム GA

GA では集団数により、最適解を得るまでの世代数、つまり関数の評価回数が変化するため、集団数を 20、50、100 と設定し、200 世代の世代交代を行う。選択・淘汰方法にはルーレット選択及びトーナメント選択を用いる。各世代で最も優れた個体の推移を Fig. 2.18 ~Fig. 2.21 に示す。これより、Case 1、Case 2 ともに、トーレット選択、トーナメント選択の両方でほぼ理論解に近い値が得られていることが分かる。ただし、GA による評価回数 は集団数×世代数となるため、最適解を得るまでに非常に多くの評価が必要となる。200 世代までの最適な個体が存在する最小世代を収束とみなし、最小世代取得までに要した評価回数を Table 2.5 ~Table 2.6 に示す。Case 1 では世代を経るにつれて微小に f が減少しているため、評価回数が非常に大きくなっている。ただし、理論解である最小値の約 1 割増の  $f \leq -40$  となるにも、1000 回以上の評価回数が必要である。Case 2 では 100 世代以内に解が収束しているが、Case 1 同様、評価回数は 1000 回以上となっている。従って、GA では単峰性問題でも多峰性問題でも大域的最適解が得られるが、最適解を得るまでの評価回数が増大するといった欠点がある。

Selection method	Population size	Opt $(x_1, x_2, x_3, x_4)$	Opt f	No. of Eval.
	20	(-0.04, 1.33, 1.98, -0.74)	-42.97	3620
Roulette	50	(0.20, 0.78, 1.90, -1.10)	-43.36	9800
	100	(0.15, 0.96, 1.80, -1.25)	-43.18	17100
	20	(-0.12, 0.73, 1.99, -1.10)	-42.93	3740
Tournament	50	(0.00, 0.92, 2.02, -0.97)	-43.83	9800
	100	(0.05, 0.84, 1.98, -1.05)	-43.74	16800

Table 2.5 Optimization results by GA [Case 1].

Table 2.6 Optimization results by GA [Case 2].

Selection method	Population size	Opt $(x_1, x_2)$	Opt f	No. of Eval.
	20	(4.70, 3.15)	-106.76	1520
Roulette	50	(4.70, 3.15)	-106.76	1800
	100	(4.70, 3.15)	-106.76	4800
	20	(4.70, 3.15)	-106.76	1700
Tournament	50	(4.70, 3.15)	-106.76	4500
	100	(4.70, 3.15)	-106.76	3000



Fig. 2.18 History data of minimum f by roulette wheel selection [Case 1].



Fig. 2.19 History data of minimum f by tournament selection [Case 1].



Fig. 2.20 History data of minimum f by roulette wheel selection [Case 2].



Fig. 2.21 History data of minimum f by tournament selection [Case 2].

#### (iii) 逐次近似最適化手法 SBO

SBO では実験計画法による初期サンプル点群の評価後に、サンプル点を追加して最適化 を実施する。GA 同様に、初期サンプル点の選択手法によって、大域的最適解を得るための 評価回数に違いが生じる可能性はある。しかし、SQP のように、初期サンプル点の差によ り得られる解が異なる可能性は小さいため、初期サンプル点は 1 ケースとし、評価回数が 30、50、100 回での最適化結果を Table 2.7、Table 2.8 に示す。Case 1、Case 2 ともに、 SBO では 100 回未満の評価回数(近似関数上での評価は除く)で理論解と同等の値を得る ことが出来ている。従って、SBO では、多峰性がある場合でも比較的少ない評価回数で大 域的な最適解が得られることが分かる。

No. of Eval.	Opt $(x_1, x_2, x_3, x_4)$	Opt f	
30	(0.37, 1.68, 1.25, -0.38)	-32.93	
50	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	
100	(0.00, 1.00, 2.00, -1.00)	-44.00	

Table 2.7 Optimization results by SBO [Case 1].

Table 2.8	Optimization	results	by SBO	[Case 2].
-----------	--------------	---------	--------	-----------

No. of Eval.	Opt $(x_1, x_2)$	Opt f
30	(4.65, 2.65)	-77.84
50	(4.75, 3.18)	-106.28
100	(4.70, 3.15)	-106.76

SQP、SBO、GAの3手法による最適化を比較した結果、多峰性問題の場合、SQPでは 局所最適解に陥る可能性があるが、SBO、GAでは大域的最適解が得られることが分かる。 ただし、GAでは最適解を得るまでに要する評価回数が他の2手法と比較して多大となる。 従って、計算時間を要するCFDを評価に用いた最適化を実施する際、評価値と設計変数間 の関係性が単峰性ではない可能性がある場合には、SQP、GAと比較してSBOに優位性が あると考えられる。そのため、本研究での船型最適化に従来から用いられてきた SQPに加 え、SBOによる船型最適化手法を構築し効果を検討している。

## 3. SQPによる船型最適化

本研究で開発した SQP による船型最適化手法を用い、ULCC (Ultra Large Crude Carrier) 船型である「だいおう」をベースに作成した VLCC 船型を初期船型として、船尾 フレームライン形状の最適化を実施する。船型最適化手法は 2 章に示した通りであり、こ こでは最適化アルゴリズムとして SQP を使用している。

#### 3.1. 対象船型

ULCC 船型である「だいおう」をベースに作成した VLCC 船型を対象船型とする。Table 3.1に初期船型の主要目を示す。垂線間長が 320m、幅 60m、喫水 20m、排水容積約 315,000m<sup>3</sup>・ 航海速力16ノットを想定した船舶である。プロペラ直径は 9.8m である。船体形状は Fig. 3.1 に示すように、船首にはバルバスバウを有し、同一の横断面形状が続く船体平行部を有す る一般的な形状である。主機は仮想的に Table 3.2 にように設定し、シーマージンは 15%CSO と設定した。開発した SQP による船型最適化手法に対象となる VLCC 船型をイ ンプットデータとして与え、船尾形状の最適化を実施する。

Table 3.1 Principal dimensions of initial VLCC.

<i>Lpp</i> (m)	320.0
<i>B</i> (m)	60.0
<i>d</i> (m)	20.0
Cb	0.820
<i>Dp</i> (m)	9.8
Vs (knot)	16.0

MC	0	34,500 kW	74.5 rpm
CS	0	26,000 kW	7 69.2 rpm
	-		

Table 3.2Main engine data



Fig. 3.1 Initial hull form (VLCC).

### 3.2. 計算条件

性能要素の推定には模型船スケール(1/39.2 スケール(実船プロペラ直径:9.8m、模型 プロペラ直径:250mm))として、形状変形範囲はS.S.2 からA.E.までとする。S.S.2 は船 体平行部より後方に位置している。馬力推定法は2.2 節で示した手法を用いるが、ここでは 簡略化のためプロペラは設計せずに、同一の POC を用いて馬力推定を実施している。プロ ペラ単独効率 η o の算出には、Table 3.3 に示す要目の MAU 型プロペラの単独試験 POT

(Propeller Open Test) 結果により得られた POC (Fig. 3.2) を用いる。本最適化事例で は、初期船型の排水量を下回らない、及び幅*B*を超えないことを制約条件として与える。 また、初期船型の形状が変わらないよう、設計変数の初期パラメータは、 $B_i = 0.5$ ,  $C_i = D_i = 0$ (*i*=1,2,3,4)とした。

Dp (mm)	250
H/D	0.6689
$A_E$	0.5350
Z	5

 Table 3.3
 Principal dimensions of the model propeller.



Fig. 3.2 POC data for powering.

3.3. 計算結果

最適化結果を Fig. 3.3、Table 3.4 に、初期船型、最適化過程の STEP11 船型、最終結果の STEP40 船型での船体後半部の Body Plan 比較を Fig. 3.4 に、 $C_p$  カーブ比較を Fig. 3.5 に、Design Water Line (以下、DWL)の比較を Fig. 3.6 に示す。DWL は、最大幅位置  $y_{breadth}$  で無次元化した値  $C_{DWL} = y_{DWL} / y_{Breadth}$  で比較している。STEP11、STEP40 は初期船型からの 排水量増加量が 0.1%以下であり、初期船型と同等の排水量となっている。また、初期船型 から STEP11、STEP40 に変形するに従い、船底部が痩せ、DWL 付近が肥っている。STEP40 の DWL 形状は初期船型、STEP11 と比較して肥っているが、おおよそd/2位置を境に、 排水量の増減が行われているため、各船型の Cp カーブにほぼ変化はない。

最適化における目的関数 BHP の変化をみると、STEP17 以外では徐々に BHP が減少し ているが、STEP17 で急激に BHP が減少し、STEP18 以降は再度徐々に BHP が減少して いる。STEP11 と STEP40 の Body Plan を比較すると分かるように、STEP17 で船尾船底 部が大きく痩せたことで、BHP に大きな変化を与えたと考えられる。船尾船底部が痩せる ような V 字傾向が強まる変形は、経験的に粘性圧力抵抗が減少し、伴流が悪化することが 知られている。



Fig. 3.3 History data of BHP optimized by SQP.

	Disp. Volume $\nabla[m]$	$ abla$ / $ abla_{_{init}}$	BHP / BHP	1 + K	1-t	$1-w_s$
Initial hull	315,080	1.000	1.000	1.395	0.823	0.592
STEP11	315,110	1.000	0.980	1.372	0.829	0.602
STEP40	315,229	1.000	0.957	1.323	0.839	0.646

Table 3.4 Results of the optimization for VLCC by SQP.



Fig. 3.4 Comparison of body plans in hull optimization by SQP.



Fig. 3.5 Comparison of  $C_{p}$  curves in hull optimization by SQP.



Fig. 3.6 Comparison of  $C_{DWL}$  curves in hull optimization by SQP.

Fig. 3.7 に各船型の船体後半部の圧力分布を、Fig. 3.8 にプロペラ位置における公称伴流 分布を示す。圧力分布、公称伴流分布ともに、初期船型に対し、STEP11 に大きな変化はな いが STEP40 では大きく変化している。STEP40 は初期船型から船底部を大きく削ったこ とで圧力回復が増加し、低抵抗型の船型となっていることが確認できる。一方、STEP40 の伴流分布では、初期船型及び STEP11 と比較して、伴流利得が大きく悪化していること が分かる。初期船型から STEP40 のように、抵抗と伴流の関係は経験的に相反するため、 実際はこのバランスを見ながら船型開発を実施するが、本最適化結果では、伴流の悪化分 を上回る抵抗低減が達成できたため BHP の減少につながっている。

自航時の圧力  $P_{str}$  から抵抗時の圧力  $P_{rt}$  を引いた  $\Delta P = P_{rt} - P_{str}$ の分布を Fig. 3.9 に示す。

 $\Delta P$ がプロペラ作動による圧力変化を表しているため、 $\Delta P$ の長さ方向積分値が大きければ 1-*t*が大きく、推進性能が向上することを意味する。初期船型からSTEP11、STEP40とな るに従い1-*t*が増加した要因は、船尾端プロペラ軸中心付近の $\Delta P$ 値が増加したためと考え られる。経験的に、船尾端を薄くすると1-*t*が改善するとされ、本最適化結果の船尾端厚と 1-*t*の関係と一致する。

また、本計算事例では解が収束するのに 40 STEP を要し、CFD の評価回数としては 1,000 回を超えている。1 船型の評価時間が 10 分とすると、1,000 回の評価には約 1 週間必要と なり、実際の船型設計の場面で実用的なツールとして利用するには、最適解を得るまでの 時間削減も重要な課題となる。



Fig. 3.7 Comparison of pressure distribution by hull optimization with SQP.



Fig. 3.8 Comparison of nominal wake distribution by optimization with SQP.

Initial hull



Fig. 3.9 Comparison of  $\Delta P$  by optimization with SQP.

## 4. 船型最適化計算効果の水槽試験による検証

3章で示した SQP による船型最適化手法の効果を検証するため、JMU 津船型試験水槽で 水槽試験を実施し、水槽試験結果と3章で示した CFD による最適化結果と比較する。

#### 4.1. 水槽試験概要

水槽試験はFig. 4.1 に示す、JMU津船型試験水槽で実施した。水槽は全長240m、幅18m、 深さ8mであり、最長12mの模型船が曳航できる水槽である。供試船型は、3章で示した 最適化事例の初期船型であるVLCC船型(Initial hull)、最適化過程のSTEP11船型及び 最適解となったSTEP40船型とし、模型船はJMUの模型工作場にて作成した。ただし、 水槽試験実施にあたり、最適化により得られた船型をフェアリングした形状を元に模型船 を作成している。最適化計算に使用した同要目の模型プロペラ(直径250mm)を用い、1/39.2 スケールで水槽試験を実施している。Fig. 4.2 は水槽試験に用いたSTEP40のパラフィン 模型船である。模型船には乱流促進装置として、バルブの長さ中間位置にスタッドが取り 付けられており、船体後半部の付け替えが行えるよう、前後分割模型となっている。CFD では舵を省略しているが、模型船では舵を装着して試験を実施している。



Fig. 4.1 Outline of towing tank. 文献 11)より引用

<i>Lpp</i> (m)	8.1633
<i>B</i> (m)	1.5306
<i>d</i> (m)	0.5102
<i>Dp</i> (m)	0.2400

Table 4.1 Principal dimensions of model ships.



Fig. 4.2 Model ship of STEP40.

水槽試験解析には 3 次元外挿法を用い、1+K は低速接線法により決定し、推力一致法に より有効伴流係数を算出している。推力一致法とは、計測したスラスト及び回転数nからス ラスト係数 $K_r$ を算出し、プロペラ単独試験によるプロペラ推力特性曲線からJを推定し、 プロペラ流入速度 $v_a$ を求めることで、有効伴流係数を算出する手法である(式(4.1)~ (4.3))。

$$K_{T} = \frac{T}{\rho n^{2} D_{p}^{4}}$$
(4.1)

$$v_a = nD_p J \tag{4.2}$$

$$1 - w_{T} = \frac{v_{a}}{U}$$
 (4.3)

試験では、抵抗・自航試験の前に模型プロペラの POT を実施し、POT で得られた POC を元にスラストー致法により自航解析を行う。POT は $R_{nd}$  =1.10×10<sup>6</sup> 固定のJ 変更試験 (J=0.20~0.70  $\stackrel{\circ}{}$  0.05 刻み) で実施 (Table 4.2 参照) し、抵抗・自航試験は Table 4.3 の計測点で行う。 $R_{nd}$  はプロペラ回転数n、プロペラ直径D、動粘性係数vを用いて、次式 で表される。

$$R_{nd} = nD^2 / \nu \tag{4.4}$$

Table 4.2Measurement points of POT.

$R_{_{nd}}$	$1.10 \times 10^{6}$
J	0.20, 0.25, 0.30, 0.35, 0.40,
	0.45, 0.50, 0.60, 0.65, 0.70

Table 4.3 Measurement points of resistance and propulsion test.

Fn	0.08, 0.85, 0.90, 0.95, 0.10, 0.11, 0.12,
(Resistance test)	0.13, 0.14, 0.15, 0.16, 0.17
Fn	0 10 0 10 0 14 0 15 0 16
(Propulsion test)	0.12, 0.13, 0.14, 0.15, 0.16

#### 4.2. 水槽試験結果

各船型の抵抗自航試験前に実施した POT を Fig. 4.3 に示す。POT 結果は、全てのケース でほぼ一致している。各船型間における剰余抵抗 *Cr* 比較を Fig. 4.4 に、造波抵抗係数  $C_w$  比 較を Fig. 4.5に、1-*t* 比較を Fig. 4.6に、1- $w_r$  比較を Fig. 4.7に示す。初期船型から STEP11、 STEP40 になるについて剰余抵抗係数 *Cr* が減少しており、最適化によって低抵抗型の船型 になっている。最適化するに従い、船尾フレームの V 字傾向が強まったことで、抵抗が減 少していると考えられる。一方、V 字傾向が強まったことにより、伴流が悪化している。 STEP40 船型の1-*t* は、他の船型と比較して大きく、船尾端厚が薄くなっていることが影響 していると考えられる。

最適化計算では船尾変更による造波変化は小さいとして同等と仮定しているが、初期船型とSTEP40の試験により得られた*C*, 値を比較すると、航海速力付近で27%の変化があった。造波抵抗悪化の原因の1つはFig. 3.6に示す通りDWLの変化が考えられる。もしくは、Initial hull の低速時の計測には若干のバラつきがあり、1+Kの決定に問題があった可能性

もある。いずれにせよ、本船は低速肥大船であるため、造波抵抗の影響は小さく、3割弱の 造波抵抗変化であっても馬力影響は大きくならない。



Fig. 4.3 Results of POT.







Fig. 4.5 Results of resistance test  $(C_{w})$ .



Fig. 4.6 Results of propulsion test (1-t).



Fig. 4.7 Results of propulsion test  $(1 - w_r)$ 

	1+K	1-t	$1 - w_T$
Initial hull	1.395	0.810	0.451
STEP11	1.390	0.808	0.469
STEP40	1.320	0.823	0.563

Table 4.4 Result of tank test.

#### 4.3. 最適化計算結果と水槽試験結果の比較

Fig. 4.8~Fig. 4.10 に、水槽試験結果に基づく形状影響係数1+K、推力減少係数1-t、 有効伴流係数1- $w_r$ の実船尺度修正値 $1-w_s$ と、最適化計算により得られた各値の比較を示 し、Fig. 4.11 に各性能要素の初期船型からの変化率を示す。水槽試験結果では、初期船型 から STEP11、STEP40 の順で、形状影響係数が徐々に小さくなり、推力減少係数が僅か に改善するが、伴流係数が悪化しており、最適化計算結果の各性能要素の変化の様子と一 致している。また、各性能要素の変化は定量的にも水槽試験と計算でよく合っている。

最適化計算によって得られた目的関数である BHP と水槽結果から推定した BHP を Table 4.5 に示す。最適化計算では船型毎のプロペラ設計を省略している、水槽試験でもプ ロペラは設計せずに、プロペラ単独試験によって得られた POC を用いて馬力推定を実施し ている。STEP11 では初期船型との馬力比率が 0.980、STEP40 では 0.961 となり、最適化 計算の 0.980、0.957 と同等の値が得られる。以上の結果より、今回用いた CFD による馬 力推定手法には船型設計に使用するのに十分な推定精度があり、最適化手法も有効である とみなすことができる。ただし、最適化計算における馬力推定時には、船尾船型の変化に よって造波抵抗係数の変化がないとして扱っているが、4.2 節で示した通り、水槽試験では 初期船型から STEP40 で造波抵抗係数が減少している。本最適化事例は低速肥大船を対象 としているため、初期船型の造波抵抗が小さく馬力への影響は小さいが、中高速船等の造 波影響の大きな船型の最適化には、船尾造波の影響を考慮する必要があると考えられる。



Fig. 4.8 Comparison of EXP and CFD (1+K).



Fig. 4.9 Comparison of EXP and CFD (1-t).



Fig. 4.10 Comparison of EXP and CFD  $(1 - w_s)$ .



Fig. 4.11 Change rate of 1+K, 1-t and  $1-w_s$  from initial hull.

	$\mathbf{BHP} / \mathbf{BHP}_{init}$				
	Result of Opt. Cal.	Tank test			
Initial Hull	1.000	1.000			
STEP 11	0.980	0.980			
STEP 40	0.957	0.961			

# Table 4.5 Comparison of $BHP / BHP_{init}$

## 5. SBO による船型最適化

4 章において、SQP を用いた船型最適化の有効性は示すことができるが、最適解を得る までには 1,000 回以上の CFD 計算を要しているという問題がある。また、2.3 節で示した 通り、設定した設計変数に対して目的変数に多峰性が存在すると、SQP による船型最適化 手法では局所最適解に陥る可能性がある。本章では、船型変更に使用している変形パラメ ータ *B<sub>i</sub>*,*C<sub>i</sub>*,*D<sub>i</sub>*に対して BHP が多峰性を有し、SQP を用いた船型最適化手法において局所最 適解に陥っているかを検討し、最適化手法を SQP から SBO に変更することで、局所最適 解となることを防ぎ、かつ効率的に最適解が得られるかを検討している。

#### 5.1. SQP を用いた船型最適化の問題点

SQP を用いた船型最適化の有効性は前章のように示すことができるが、最適解を得るまでには 1,000 回以上の CFD 計算を要している。また、船型変更に使用している変形パラメータ  $B_i, C_i, D_i$ に対して BHP が多峰性を有し、SQP による船型最適化では局所最適解に陥っている可能性も考えられる。そこで、初期船型に影響を及ぼさないパラメータ  $B_i$  (*i*=1,2,3,4)を異なる初期値 0.3,0.5,0.7 として最適化計算を実施し局所解の可能性を検討する。Fig. 5.1、に各初期値における最適化結果を、Fig. 5.2 に各初期値における最適船型の Body Plan を示す。各初期値の最適化結果を比較すると、最適解の BHP 減少率も最適形状を大きく異なっていることが分かる。すなわち、SQP を用いた BHP 最適化手法では、初期船型が同一でもパラメータの初期値に依存し、異なる解を得ている。初期値  $B_i$ =0.7 の最適化結果では、船底付近の痩せ具合が他の初期値における最適形状と大きく異なり、船尾フレームラインのV字傾向が弱い。初期値が $B_i$ =0.7 と $B_i$ =0.5 の場合を比較すると、1.5%強の BHP 差が存在し、船体性能として大きな差が生じている。 $B_i$ の各初期値における最適化結果の $B_i$ 値比較を Table 5.1 に示す。最適化結果の $B_i$ は、それぞれ初期値として与えた値と近く、SQP を用いた船型最適化手法では初期値依存性があることを確認することが出来る。

Table 5.1 Parameters 1	$B_i$	optimized	by	each	initial	$B_{i}$	i
------------------------	-------	-----------	----	------	---------	---------	---

Init $B_i(i=1,2,3,4)$	Optimal results $(B_1, B_2, B_3, B_4)$
0.3	(0.201, 0.349, 0.299, 0.256)
0.5	(0.245, 0.525, 0.359, 0.509)
0.7	(0.629, 0.741, 0.650, 0.677)

SQP では、導関数値を差分近似で求めるときのきざみ幅  $\Delta$  を変更することで最適解が変化する可能性もあるため、初期値  $B_i = 0.5$ において、 $\Delta = 0.1, 0.01, 0.001$ と変更し最適化を実施し、結果を Fig. 5.3 に示す(本検討までは、 $\Delta = 0.01$ として最適化を実施している)。 $\Delta = 0.1$ では、 $\Delta = 0.01, 0.001$ の最適解よりも劣った結果となっており、 $\Delta = 0.01, 0.001$ はほぼ同等の最適解が得られている。つまり、設定した $\Delta = 0.01$ は十分小さい値であると言え、 $\Delta$ の値が要因で局所最適解に陥っているとは考えにくい。

また、SQPでは目的関数の勾配計算から最適解を探索するため、CFDによる数値誤差の 影響を大きく受ける可能性がある。従って、BHP最小化を目的とした船型最適化手法では 数値誤差による影響をできる限り減らし、局所最適化問題の対策をしなければ実用的な船 型設計ツールとしては使用し難い。更に、短期間での開発が求められる設計の現場では、 限られた時間内で最適解を得る必要があるため、最適解を得るまでの評価隻数削減が求め られる。

実用的な船型設計ツールとしての船型最適化手法を目指し、形状変形手法及び馬力推定 手法は変更せず、最適化手法のみを変更し、CFDによる数値誤差の影響を受けにくく、短 期間で大域的最適化が実施できる BHP 最小化を目的とした船型最適化を試みる。大域的最 適解を求める解法には、様々な手法が開発されており、船型最適化分野において、SA、GA が採用された事例が報告された。森下らによる SA を用いた船型最適化 18) や平山らによる GA を用いた船型最適化 19) では、評価時間が比較的短時間である、線形造波理論やランキ ンソース法に基づいて目的関数を算出しているため、最適解を得るまでの時間がさほどか からないと推測される。しかし、本研究では BHP を目的関数としており、目的関数の算出 に CFD を用いるため、SA 及び GA を最適化手法として採用すると、最適解を得るのに多 大な時間を要することが予想され、前述した通り比較的短時間で大域的最適解が得られる SBO を最適化手法として、船型最適化に採用する。 SBO の優位性については 2.3.4 項で も論じている。



Fig. 5.1 History data of BHP optimized by each initial  $B_i$ .



Fig. 5.2 Body plans optimized by each initial  $B_i$ .

Init $B_i$ ( <i>i</i> = 1, 2, 3, 4)	Optimal results $(B_1, B_2, B_3, B_4)$
0.3	(0.201, 0.349, 0.299, 0.256)
0.5	(0.245, 0.525, 0.359, 0.509)
0.7	(0.629, 0.741, 0.650, 0.677)

Table 5.1 Parameters  $B_i$  optimized by each initial  $B_i$ .

SQP では、導関数値を差分近似で求めるときのきざみ幅  $\Delta$  を変更することで最適解が変化する可能性もあるため、初期値  $B_i = 0.5$ において、 $\Delta = 0.1, 0.01, 0.001$ と変更し最適化を実施し、結果を Fig. 5.3 に示す(本検討までは、 $\Delta = 0.01$ として最適化を実施している)。 $\Delta = 0.1$ では、 $\Delta = 0.01, 0.001$ の最適解よりも劣った結果となっており、 $\Delta = 0.01, 0.001$ はほぼ同等の最適解が得られている。つまり、設定した $\Delta = 0.01$ は十分小さい値であると言え、 $\Delta$ の値が要因で局所最適解に陥っているとは考えにくい。

また、SQPでは目的関数の勾配計算から最適解を探索するため、CFDによる数値誤差の 影響を大きく受ける可能性がある。従って、BHP最小化を目的とした船型最適化手法では 数値誤差による影響をできる限り減らし、局所最適化問題の対策をしなければ実用的な船 型設計ツールとしては使用し難い。更に、短期間での開発が求められる設計の現場では、 限られた時間内で最適解を得る必要があるため、最適解を得るまでの評価隻数削減が求め られる。

実用的な船型設計ツールとしての船型最適化手法を目指し、形状変形手法及び馬力推定 手法は変更せず、最適化手法のみを変更し、CFDによる数値誤差の影響を受けにくく、短 期間で大域的最適化が実施できる BHP 最小化を目的とした船型最適化を試みる。大域的最 適解を求める解法には、様々な手法が開発されており、船型最適化分野において、SA、GA が採用された事例が報告された。森下らによる SA を用いた船型最適化<sup>18)</sup> や平山らによる GA を用いた船型最適化<sup>19)</sup> では、評価時間が比較的短時間である、線形造波理論やランキ ンソース法に基づいて目的関数を算出しているため、最適解を得るまでの時間がさほどか からないと推測される。しかし、本研究では BHP を目的関数としており、目的関数の算出 に CFD を用いるため、SA 及び GA を最適化手法として採用すると、最適解を得るのに多 大な時間を要することが予想され、前述した通り比較的短時間で大域的最適解が得られる SBO を最適化手法として、船型最適化に採用する。 SBO の優位性については 2.3.4 項で も論じている。



Fig. 5.3 History data of BHP optimized by each  $\Delta$ .

#### 5.2. SBO による VLCC 船型の最適化事例

SQPによる船型最適化手法を用いた計算事例で示した初期船型(VLCC)について、SBO を用いた船型最適化手法を適用し最適化を実施する。船型最適化手法は3章で示した、SQP による船型最適化手法の最適化アルゴリズムを SBO に入れ替えたものである。SBO では 予め設計空間(変形パラメータの取り得る範囲)を準備する必要があるため、SQP を用い た船型最適化で得られた最適解の変形パラメータを含むよう、以下のように各パラメータ を設定し最適化を実施する。

$$\begin{array}{rcl} 0.2 &\leq B_{i=1\sim 4} \leq 0.9 \\ -0.7 &\leq C_1 \leq 0.7 \\ -0.3 &\leq C_{i=2,3,4} \leq 0.3 \\ -0.5 &\leq D_1 \leq 0.5 \\ -0.3 &\leq D_{i=2,3,4} \leq 0.3 \end{array}$$
(5.1)

船底付近では、喫水高さ付近の幅方向位置と比較して、変形パラメータの影響が小さくなるため、*C<sub>i</sub>*及び*D<sub>i</sub>*では、*i*=2~4と比較して*i*=1のパラメータ範囲を広げている。SBOの計算回数は任意に設定できるため、設計現場で使用されるワークステーションを用いて3日以内と短期間で最適解が算出されるよう、計算回数を300回以内と設定する。

SBO による船型最適化結果を Fig. 5.4 に、最適化形状を Fig. 5.5 に示す。最適化の前半 は初期サンプル点の計算を実施するため、 BHP が初期船型から低減していないケースが多 いが、後半では初期船型より性能の優れた船型を探索している。最適解としては、初期船 型から 5.9%の馬力低減となった。最適化による船型変化の特徴としては、船底付近が急激 に痩せ、V 字のフレームライン傾向になっている。船底部付近で減少した排水量を、W.L. 付近を肥らせることで吸収し、制約条件である排水量を満足させている。V 字傾向のフレー ムラインは 3 章で示した最適化形状と同傾向の低抵抗船型である。

Fig. 5.6 に各船型の船体後半部の圧力分布を、Fig. 5.7 にプロペラ位置における公称伴流 分布を示す。最適化船型は初期船型から船底部を大きく削ったことで圧力回復が増加し、 低抵抗型の船型となっていることが確認できる。一方、最適化船型の伴流分布では、初期 船型と比較して、伴流利得が大きく悪化していることが分かる  $\Delta P$  の分布を Fig. 5.8 に示 す。最適化船型で1-tが増加した要因は、船尾端プロペラ軸中心付近及び W.L.付近の  $\Delta P$  が 増加したためと考えられる。また、船尾端の WL 付近幅を広げたことで、正の  $\Delta P$  の範囲 が増加している。経験的に、船尾端を薄くすると1-tが改善し、W.L.を広げると W.L.付近 の  $\Delta P$  が大きくなることが知られており、本最適化結果の船尾端厚と1-tの関係と一致する。 結果的に、1+K が約 6%減少し、1-w<sub>s</sub>が約 13%増加したが、1-t が約 4%増加したため馬 力低減につながっている。SBO による船型最適化手法でも、SQP による船型最適化同様に、 馬力が低減する船型を取得可能である。



Fig. 5.4 History data of BHP by SBO.



Fig. 5.5 Optimized hull form by SBO.

Table 5.2	Results of the	optimization	for VLCC by	SBO.
-----------	----------------	--------------	-------------	------

	$ abla$ / $ abla_{_{init}}$	BHP / BHP <sub>init</sub>	1 + K	1-t	$1-w_s$
Initial hull	1.000	1.000	1.395	0.823	0.592
Optimized hull	1.000	0.941	1.319	0.853	0.657



Fig. 5.6 Comparison of pressure distribution by hull optimization with SBO.



Fig. 5.7 Comparison of nominal wake distribution by optimization with SBO.



Initial hull

Fig. 5.8 Comparison of  $\Delta P$  by optimization with SQP.

SBO による最適化では設計空間内を、ある程度網羅した探索を行うため、様々な形状を 有する船型の計算結果が得られる。多種形状の計算結果を得ることで、各性能要素間の関 係を調査することが可能となる。例えば、1+K と1-w,の関係を Fig. 5.9 に、1-t と1-w,の 関係を Fig. 5.10 に、EHP と BHP の関係を Fig. 5.11 に示す。経験的に、縦渦が減少し抵 抗低減する、つまり1+K が減少すると、WAKE が悪化することが知られているが、Fig. 5.9 においても1+K と WAKE 間に同様の関係があることを確認できる。ただし、1+K が 1.4を超えると1-w,のバラつきが大きくなり、1+K と1-w,の相関は弱くなる。また、1-t と WAKE も相反する要素として、一方が改善すれば、一方が悪化し易いことが知られている が、本計算結果からも同様の傾向が確認できる。Fig. 5.11 からは、EHP が小さい、つまり 低抵抗型の船型で BHP が小さくなる傾向があることが読み取れる。このように、SBO に よる船型最適化では副次的な効果として、各要素の相関を調査することが出来るため、主 機配置による船尾端幅の制約による BHP への影響や、排水量増加による BHP への影響等 を簡易的に求めるなどに利用できる。

本最適化事例では、低抵抗型の船型で BHP が減少傾向にあるが、通常の開発では、主機 による船尾端厚の制約があり船尾端を自由に薄くできない。実際の開発に本最適化手法を 用いるには、主機幅の制約条件等を追加した最適化を実施する必要がある。また、省エネ 付加物によるエネルギー回収との関係から、必ずしも低抵抗型の船型が最良な船型である とは限らないことに注意が必要である。ESD 効果を考慮した船型最適化については 6 章に 記載している。



Fig. 5.9 Relationship between 1+K and  $1-w_s$ .



Fig. 5.10 Relationship between 1-t and  $1-w_s$ .



Fig. 5.11 Relationship between EHP and BHP.

#### 5.3. SBO と SQP による船型最適化結果の比較

SBO による船型最適化結果と SQP による最適化結果の比較を Table 5.3 に示す。SQP による船型最適化手法では BHP が初期船型から 4.3%減少するのに対し、SBO を用いた手 法では同 5.9%減少している。 更に CFD の計算回数も SQP の 1,000 回以上と比較して 290 回と 1/3 程度と少ない計算回数で、BHP を小さくする船型が得られている。各手法で得ら れた最適化結果の船型を Fig. 5.12 に示す。SBO による最適化結果では船尾端部におけるフ レームラインが SQP による結果と比較して、より V 字傾向が強まり、低抵抗型のフレーム ライン傾向となっている。SBO による結果では、船底付近が痩せた分、比較的性能要素へ の影響が少ないと考えられる、S.S.1/2付近かつ d/2より上方で排水量を増加させ排水量の 制約条件を満足させている。また、Fig. 5.13 に各 W.L.位置(*i*=1,2,3,4 at z=0,d/3,2d/3,d) での形状変形関数を示す。SBO では SQP と比較して C, の値が大きく、SQP での最適解よ り外側に他の最適解が存在しているため、SQP を用いると局所的な最適解に陥り、SBO で は局所最適解を回避していると考えられる。以上より、SQP による船型最適化では局所最 適解に陥る可能性があるが、SBO では効率的かつ SQP と比較して BHP のより小さい解が 得られる可能性があると考えられる。

Table 5.3	Optimization results by SQP and SBO.
-----------	--------------------------------------

	BHP / BHP <sub>init</sub>	1+K	1-t	$1-w_s$
Initial hull	1.000	1.395	0.823	0.592
Optimized hull by SQP	0.957	1.323	0.839	0.646
Optimized hull by SBO	0.941	1.319	0.854	0.656



Fig. 5.12 Body plans optimized by SBO and SQP.



Fig. 5.13 Deformed function optimized by SQP and SBO.

## 6. 船尾ダクト効果を考慮した船型最適化

船舶には省エネ付加物(ESD: Energy Saving Device)と言われる、船舶性能を向上さ せる付加物が装着されることが一般的となっている。そこで、本章では省エネ付加物の1 つである、船尾ダクトを考慮した船型最適化について検討している。また、前章までの最 適化事例では、簡略化のため形状変化に伴うプロペラ設計を省略していたが、本章では形 状変形後に効率が最大となるようなプロペラ設計後、設計されたプロペラの推定 POC を用 いて馬力推定を行い、船型最適化を実施している。

6.1. ダクト効果を考慮した船型開発の現状

現在まで、船首、船尾、プロペラ、舵に装着する多くの ESD が開発され、ほとんどの船 舶に1つ、もしくは複数の ESD が装着されている。ESD の中には 5%以上の省エネ効果を もたらすものも存在し、種類によっては、船体形状に依存して効果が大きく左右される場 合がある。そのため、船型開発する上で、ESD 効果を考慮した船体形状の検討が進められ る。従来の船型開発の流れを以下に示す。

- 1. 裸殻状態において船型を絞り込む
  - (経験的な知識・ノウハウから、ESD 効果が小さくなるような形状は避ける)
- 2. ESD 効果の推定及び効果向上検討

経験的な知識やノウハウから、ESD 効果が発揮されるような形状を念頭に入れて船型開発 を行うが、裸殻状態における性能を推定し、船型絞り込みを実施した後に ESD 効果の推定 及び ESD の形状や位置検討がされており、ESD 効果を完全に考慮した形で船型が検討さ れていない。船型最適化においては、裸殻状態で船体形状を最適化する手法や、船体形状 決定後に ESD の形状を最適化する手法 <sup>28)</sup>が既に報告されているが、ESD を考慮して船体 形状を最適化した例はほとんどない。

完全に ESD 効果を考慮して船体形状を最適化するには、常に ESD 効果を推定し形状を 探索する必要がある。次節より ESD の1つである船尾ダクトの効果を考慮した船型最適化 手法について検討する。船尾ダクトは船体形状の影響を受けやすく、船体形状によって効 果が大きく左右される場合がある ESD である。

65
6.2. ダクト効果を考慮した船型最適化手法

船尾ダクトとしては、JMU にて開発された SSD (Super Stream Duct)<sup>29)</sup>を用いる。 SSD には次のような効果があり船体性能を向上させる。

・船尾流れをスラストに変換する

・プロペラへの流れを整流し推進効率が向上する

つまり、SSD 周りの流場が変化すると、効果が変化 ESD である。



Fig. 6.1 Energy saving device: SSD and SURF BULB. 文献 30 より引用

裸殻状態と合わせて、SSD を装着した状態で CFD 計算を実施する。SSD を考慮した線 船型最適化における馬力推定の流れを Fig. 6.2 に示す。SSD 付船体の1+K,1-t,1- $w_r$  を CFD を用いて推定し、得られた各値を基に 2.2 節で示した、裸殻状態と同様の手法で馬力 推定を実施する。矢崎チャートにおける伴流の尺度修正は、裸殻状態を想定しているため、 ESD 付の尺度修正には適していない可能性がある。ここでは、ダクトによる伴流改善効果 は、尺度影響が十分小さいと仮定して、式 (6.1)を用いて伴流尺度修正を行う。ここで $\varepsilon_0$  は 裸殻状態で算出した矢崎法による尺度修正値、1- $w_{r0}$ は模型スケールでの裸殻状態による有 効伴流係数で、1- $w_r$ は模型スケールでの船尾ダクト付の有効伴流係数である。

$$1 - w_s = \mathcal{E}_0 \left( 1 - w_{T_0} \right) - \left( w_T - w_{T_0} \right)$$
(6.1)

船体に船尾ダクトが装着されていると、裸殻状態と同様の手法で構造格子をベースとした計算格子を作成するのは困難である。そこで、Fig. 6.3 に示すように、船尾端部には Tetra メッシュを用いて格子を生成する。SSD 付の計算格子生成及び CFD 計算手法は参考文献 31 を元にしており、水槽試験と CFD 結果の相関を用いれば定量的に SSD 付船体性能を推 定可能であることが既に報告されている。



Fig. 6.2 Flow of BHP estimation with SSD.



Fig. 6.3 Hull gird around SSD.



Fig. 6.4 Topology of computational grid with SSD.

6.3. プロペラ設計及びダクト効果を考慮した VLCC 船型の最適化事例

3 章ではプロペラ設計を省略していたため、まずは、裸殻状態でプロペラ設計を組込み、 船型最適化を実施する。最適化アルゴリズムとしては SQP を使用している。プロペラ設計 のルーチンを組込んだ最適化結果であり Fig. 6.5 より、プロペラ設計を組込まなかった 3 章に示す最適化結果と同様に、BHP が減少する解を探索できており、最適化過程における BHP 変化がプロペラ設計有りの場合と無しの場合でよく似ている。プロペラ設計による船 型最適化への影響を調査するため、Fig. 6.6 にプロペラ設計有無での最適化形状の比較、 Table 6.1 にプロペラ設計有無で最適形状における各性能要素を示す。プロペラ設計の有無 の最適船型は、船底部の痩せ方が僅かに異なるが、ほぼ同形状である。最適化形状に大き な変化がないため、各性能要素もほぼ一致している。船型最適化におけるプロペラ設計有 無で得られた船体形状の船尾圧力分布 (Fig. 6.7)、公称伴流分布 (Fig. 6.8)、ΔP 分布 (Fig. 6.9)を比較しても大差がない。

プロペラ設計を考慮せずに船型最適化して得られた船型について、プロペラ設計を行い 馬力推定を実施すると、初期船型から 4.8%の BHP 減であった。プロペラ設計を考慮して 最適化した場合では同 4.2%であり、BHP もほぼ同等である。プロペラ設計を考慮して最適 化を実施した場合の方が、プロペラ設計を考慮せずに最適化した場合より、プロペラ設計 後の BHP は小さくなるべきであるが、CFD 計算誤差や局所最適解による影響により、僅 かに値が逆転してしまっていると考えられる。



Fig. 6.5 History data of BHP optimized with propeller design by SQP.



Fig. 6.6 Body plans optimized without and with propeller design.

Table 6.1 Results of the optimization without and with propeller design.

	1+K	1-t	$1-w_s$
Initial hull	1.395	0.823	0.592
Opt. with prop. design	1.324	0.834	0.645
Opt. without prop design	1.323	0.839	0.646



Fig. 6.7 Pressure distribution of optimized hull without and with propeller design



Fig. 6.8 Nominal wake distribution of optimized hull without and with propeller design



Fig. 6.9  $\Delta P$  of optimized hull without and with propeller

船尾ダクトの最適化事例として3章で示した SQP の最適化事例同様の VLCC 船型を初期 船型として、SSD を装着した状態(Fig. 6.10)で、船型最適化を実施する。ここでは、最 適化アルゴリズムを SBO、SQP を用い、それぞれプロペラ設計ルーチンを組込んだ SSD 付船型最適化を実施する。なお、SQP、SBO の計算設定はそれぞれ前章までに示したもの を使用する。

Fig. 6.11、Fig. 6.12 に SQP、SBO それぞれの船型最適化結果を示す。SQP による最適 化では STEP7 まではほぼ線形に馬力が減少し、それ以降は少しずつ馬力が減少する傾向に あり、STEP19 で再度大きく馬力が減少し、収束に至っている。結果として、初期船型か ら 4.9%の馬力改善となった。STEP19 までの計算で 400 船型程度の評価を要しており、本 ケースでは裸殻状態と比較して、少ない評価隻数で最適解を得ている。SBO では最適化計 算の前半では設計空間全体を探索しており、後半では比較的性能の良い船型を探索してい ることが分かる。設定した 300 隻以下の船型評価の間に、初期船型から 7.1%馬力が低減す る船型が得られている。

Fig. 6.13 に得られた船体形状の Body Plan を、Table 6.2 に初期船型と SSD 付最適化結 果の各性能要素比較を示す。性能要素を見ると、1+Kが減少し、WAKE は改善する結果と なり、低抵抗型の船型となっている。プロペラ中心位置より下部は全体的に痩せているが、 B.L.付近は U 字傾向を保持している。経験的に SSD による省エネ効果は、船底部の形状が Ⅴ 字傾向の場合より、U 字傾向が強い形状において高いとされ、本最適化事例において、 SSD 効果が初期船型から減少しないような変形が行われていることが分かる。本計算事例 では、最適化船型のフレームライン傾向が極端な Ⅴ 字形状とはなっていないため、初期船 型と比較して大きな圧力回復は見られず (Fig. 6.14、Fig. 6.17 参照)、WAKE についても、 全体的に悪化しているが、極端な悪化は避けられている(Fig. 6.15、Fig. 6.18 参照)。最適 化船型では船尾が薄くなっており、ΔP 分布から1-t が改善していることを確認できる (Fig. 6.16、Fig. 6.19 参照)。SSD あり、なしの各性能要素の改善量を比較すると、初期船型海 らの1+K変化率はSSD有無でほぼ変化がないが、同1-tの増加率はSQPで2.1%→4.0%、 SBO で 4.4%⇒5.8%と増加しており、SSD による推進性能向上効果が、船型最適化により 高まったと言える。 これは WAKE 分布から見ても分かるように、SSD なしでは最適化船型 のWAKE は初期船型のものを比較して全体的に悪化しているが、SSD 付では最適化船型の WAKE 分布が初期船型のものに近づいている。







Fig. 6.11 History data of BHP optimized with SSD by SQP.



Fig. 6.12 History data of BHP optimized with SSD by SBO.



Fig. 6.13 Body plans optimized with SSD.

	with SSD			without SSD		
	1+K	1 <b>-</b> t	1-ws	1+K	1-t	1-ws
Initial hull	1.373	0.830	0.549	1.395	0.823	0.592
Optimization with SSD by SQP	1.354	0.863	0.562	1.373	0.841	0.629
Optimization with SSD by SBO	1.330	0.878	0.596	1.346	0.859	0.659

SQP

Table 6.2 Results of hull optimization with SSD.





Fig. 6.14 Pressure distribution of optimized hull with SSD [Naked case].



Fig. 6.15 Nominal wake distribution of optimized hull with SSD [Naked case].

Initial hull



Fig. 6.16  $\Delta P$  distribution of optimized hull with SSD [Naked case].



Fig. 6.17 Pressure distribution of optimized hull with SSD [SSD case].



Fig. 6.18 Nominal wake distribution of optimized hull with SSD [SSD case].





Fig. 6.19  $\Delta P$  distribution of optimized hull with SSD [SSD case].

初期船型と最適化結果との馬力比較を Fig. 6.20 に示す。SQP による船型最適化では、裸 設状態における初期船型からの馬力改善量は 1%程度だが、SSD の効果が 3.4%向上し、SSD 付の馬力では初期船型から 4.9%改善している。SBO による船型最適化では、裸殻状態にお ける初期船型からの馬力改善量は 4.5%で、更に SSD の効果が 2.5%向上し、SSD 付の馬力 では 7.1%改善している。SQP、SBO による SSD 付での船型最適化により得られた両最適 船型は、SSD 効果が初期船型から向上しており、SSD 効果を考慮した最適化がなされてい ることが確認できる。また、SQP による最適化結果と比較して、SBO による最適化結果の 方が小さい馬力となる船型を得られており、本結果からも 5 章同様、SQP では局所最適化 に陥っていた可能性が考えられる。



Fig. 6.20 BHP change rate of optimization with SSD.

## 6.4. ダクト効果有無による最適化結果の比較

SSD 効果を考慮して最適化して得られた船型が、裸殻状態で最適化して得られた船型よ り、SSD 付の馬力が小さくなっているかを確認するため、裸殻状態における最適化船型に SSD を装着し馬力推定を実施する。ただし、SBO による裸殻状態の船型最適化にはプロペ ラ設計が組み込まれていないため、プロペラ設計なしで最適化された船型に対して、プロ ペラ設計を行い、馬力を算出している。裸殻状態の最適化結果に SSD を装着して CFD 計 算及び馬力推定を実施した結果を Table 6.3、Fig. 6.21、Fig. 6.22 に示す。

[SQP の場合]

裸殻状態で最適化した結果では、裸殻における馬力は 4%強と大きく減少しているが、 SSD 効果が初期船型の 5.3%から 2.5%に減少しており、SSD 付での馬力を比較すると、1% 強と馬力改善量が小さくなる。Fig. 6.23 の SSD 効果の考慮有無で最適化して得られた船型 比較を見ると、裸殻状態での最適化船型では、極端に船底部が痩せている。裸殻状態での 最適化船型で SSD 効果が大きく減少した理由は、船底部が極端に痩せたことにより、SSD による縦渦のエネルギー回収量が減少していると考えられる。また、裸殻状態の最適化船 型において、プロペラ面に対して WAKE 分布が上方にシフトした形となっており、SSD が 適した位置でないため、SSD による WAKE 改善効果が薄れたと考えられる。一方、6.2 節 で示した通り、SSD 付最適化では裸殻状態での馬力は 1%強の減少と大きく改善はいていな いが、SSD 効果が大幅に向上し、SSD 装着時の馬力では 4.9%改善している。

[SBO の場合]

裸殻状態で最適化した結果では、裸殻における馬力は 6%強と大きく減少しているが、 SSD 効果が初期船型の 5.3%から 1.6%と大きく減少しており、SSD 付で馬力を比較すると 2%以下と馬力改善量が小さくなる。Fig. 6.24 の船型比較を見ると、SQP による最適化結果 同様に、裸殻状態での最適化船型では極端な V 字傾向のフレームラインとなっており、上 記同様の理由で SSD 効果が減少したと考えられる。一方、6.2 節で示した通り、SSD 付最 適化では裸殻状態での馬力は 4.5%減少、SSD 効果が 2.5%大幅に向上し、SSD 装着時の馬 力では 7.1%改善している。

従って、船体形状の影響を受けやすい ESD では、ESD 効果を考慮して船型最適化を実施しなければ、船体トータルでの馬力改善にはなりにくく、ESD を考慮して最適化を実施することで、裸殻状態での最適化と比較して ESD 付の船体性能が改善することを確認した。

L							
	with SSD			without SSD			
	1+K	1- <i>t</i>	$1$ - $w_s$	1+K	1- <i>t</i>	$1$ - $w_s$	
Initial hull	1.373	0.830	0.549	1.395	0.823	0.592	
Optimization with SSD by SQP	1.324	0.843	0.623	1.324	0.834	0.645	
Optimization with SSD by SBO	1.315	0.856	0.637	1.319	0.854	0.656	

Table 6.3 Results of hull optimization without SSD.



Fig. 6.21 Optimal results by SQP. (with SSD VS without SSD)



Fig. 6.22 Optimal results by SBO. (with SSD VS without SSD)



Fig. 6.23 Body plans optimized with and without SSD by SQP.



Fig. 6.24 Body plans optimized with and without SSD by SBO.



Fig. 6.25 Nominal wake distribution of optimized hull without SSD [SSD case].

## 7. 結言

本研究では、BHP 低減を目的とした船型最適化手法を提案し、最適化手法には SQP 及び SBO、2 種類の船型最適化手法を用いて、VLCC 船型を原型とした最適化を試みた結果、 以下の結論が得られた。また、船尾ダクト効果を考慮して同船型を最適化した結果、以下の結論が得られた。

- ・ 粘性圧力抵抗と自航要素のバランスを見ながら経験的に BHP を最小化する船型設計に 対し、BHP を目的関数とした船型最適化手法を構築することで、自動的に BHP が小 さくなる船型を得ることが可能であることを確認した。
- 水槽試験結果から、SQPを用いた本船型最適化手法が有効であることを確認したが、
   SQPによる最適化手法では、局所最適解に陥る可能性があることが分かった。
- 局所問題への解決策として、SBOを用いた船型最適化手法を構築し、SQPによる船型 最適化手法で得られた最適解より馬力が小さい船型を短時間で得ることができること を確認した。
- ・ 省エネ付加物なしで船型最適化を実施すると、付加物による馬力低減効果が減少する 可能性があることを示した。省エネ付加物を考慮した船型最適化手法を構築すること で、省エネ付加物効果を含めた船型最適化が行え、裸殻状態における最適船型より、 省エネ付加物付において性能面に優れた形状を得られることを確認した。

本研究により、最適化手法の検討及び、省エネ付加物効果を考慮した船型最適化を構築 し、その有用性を示すことが出来た。今後は、設計現場における船型最適化システムとし て実用化を目指す。

## 謝辞

本研究を進めるにあたり、指導教官としてご指導いただきました鈴木和夫教授、また、 貴重なご助言をいただきました日野孝則教授に心より感謝致します。

最適化手法に関するご助言をいただきました、株式会社 IHI の佐藤氏に深く感謝申し上 げます。

また、社会人ドクターコースでの学位取得にあたり、通常業務並びに、本研究に対しご 支援いただきました、JMU 技術研究所技監の方々、同流体研究グループの皆様、模型製作・ 水槽試験を実施頂きました同試験解析グループの皆様に感謝致します。

## 参考文献

- 一般財団法人 日本海事協会 EEDI 室: EEDI の概要および認証について, KANRIN 日本船舶海洋工学会誌, 第53号, p.p.12-20, 2014.
- 2) 鈴木和夫:流体力学的形状最適化問題,試験水槽委員会シンポジウム 船型設計と流力 最適化問題 -,日本造船学会,pp.67-89,1999.
- 3) 乾崇夫:実験船型学と造波抵抗理論,造波抵抗シンポジウム,日本造船学会, pp.27-47, 1965.
- 4) 別所正利: 極小値問題について, 造波抵抗シンポジウム, 日本造船学会, pp.17-27, 1965.
- 5) 鈴木和夫:非線形計画法による船型設計の基礎的研究(第2報),日本造船学会論文集, 第150号, pp.49-55, 1981.
- 6) 鈴木和夫: Rankine source 法に基づく造波抵抗最小船型の計算,日本造船学会論文集, 第 185 号, pp.9-19, 1999.
- 7) 濱崎準一, 姫野洋司, 田原裕介: 非線形計画法による船型最適化の試み(第3報)-粘 性抵抗最小化を目指した船体後半部の形状の改良-, 関西造船協会誌, 第225号, pp.1-6, 1996.
- 8)田原裕介,西田隆司,安東潤,姫野洋司:CFDによるタンカー船型の船尾形状最適化(第3報) 自航シミュレータを用いた伝達馬力最小化 ,関西造船協会誌,第234号, pp.41-50,2000.
- 9) 日野孝則: CFD による船型最適化の問題と現状, 試験水槽委員会シンポジウム 船型
   設計と流力最適化問題 , 日本造船学会, pp.91-109, 1999.
- Pamela P. Walatka, Pieter G. Buning, Larry Pierce and Patricia A. Elson : PLOT3D User's Manual, NASA Technical Memorandum 101067, 1990.
- 11) 増子章, 増田聖始, 正司公一, 尾崎伯哉, 水野滋也:ジャパンマリンユナイテッドの船 舶用試験水槽設備, 日本マリンエンジニアリング学会誌, 第49巻 第3号, 2014.

- 12) 矢崎敦生:模型船による水槽試験から実船の伴流係数を推定するための図表について, 日本造船学会誌,第480号, pp.24-26, 1969.
- 13) ANSYS, Fluent, http://ansys.com/Products/Fluids/ANSYS-Fluent.
- 14) ANSYS, Inc./ANSYS Japan K.K.: ANSYS FLUENT 12.0 理論ガイド, 2010.
- 15) F. R. Menter : Two-Equation Eddy-Viscosity Turbulence Models for Engineering Applications, AIAA Journal, 32(8), pp.1598-1605, 1994.
- 16) 山﨑隆介: 簡易プロペラ理論について, 関西造船会会報, 第 95 号, pp.251-271, 1998.
- 17) 児玉良明:シミュレーション援用船型設計, 試験水槽委員会シンポジウム 船型設計 と流力最適化問題 - , 日本造船学会, pp.51-65, 1999.
- 18) 森下美津恵,赤木新介,山田篤志:シミュレーティッドアニーリング法による超高速船の船型最適化と性能評価,関西造船協会論文集,第242号,pp.111-118,2004.
- 19) 平山明仁,安東潤:造波抵抗と砕波の低減を目的とした船型改良法に関する研究-実数 値遺伝的アルゴリズムを用いた多目的船型最適化-,日本船舶海洋工学会論文集,第5 号,pp.185-193,2007.
- 20) 中山弘隆, 岡部達哉, 荒川雅生, 尹禮分: 多目的最適化と工学設計, 現代図書, pp.153-187, 2007.
- 21) M. Y. M. Ahmed, N. Qin: Surrogate-Based Aerodynamic Design Optimization: Use of Surrogates in Aerodynamic Design Optimization, 13th International Conference on AEROSPACE SCIENCES & AVIATION TECHNOLOGY, 2009.
- 22) ASNOP 研究会: パソコン FORTRAN 版 非線形最適化プログラミング,日刊工業新聞 社,1991.
- 23) 北川敏男: 実験計画法講義 I 基礎編(1), 培風館, 1955.
- 24) Carl Edward Rasmussen, Christopher K. I. Williams : Gaussian Processes for Machine Learning, MIT Press, 2006.

25) DATADVANCE, MACROS, https://www.datadvance.net/product/macros/.

26) DATADCANCE : GTOpt Generic Tool for Optimization, 2013.

27) DATADCANCE : GTApprox Generic Tool for Approximation, 2013.

- 28)田原裕介,新郷将司,金井亮浩:重合格子技術と非線形最適化理論を導入した CFD 援 用最適省エネルギーデバイス設計法 ・特に最適解の評価について ・,日本船舶海洋工 学会講演会論文集,第27号,pp.353-356,2013.
- 29) 宮本雅史, 藤本留男:船舶の性能開発の現状と展望, 日立造船技報, 第54巻1号, 1993.
- 30) ジャパンマリンユナイテッド株式会社ウェブサイト: https://www.jmuc.co.jp/rd/development/hydrodynamics/energy-saving/
- 31) 牧野功治, 増田聖始: CFD による省エネデバイス付船体周りの流場解析, 日本船舶海
   洋工学会講演会論文集, 第6号, pp.135-138, 2008.
- 32) 荻原誠功,山崎正三郎,芳村康男,足達宏之:船舶海洋工学シリーズ① 船舶性能設計, 成山堂書店, 2013.